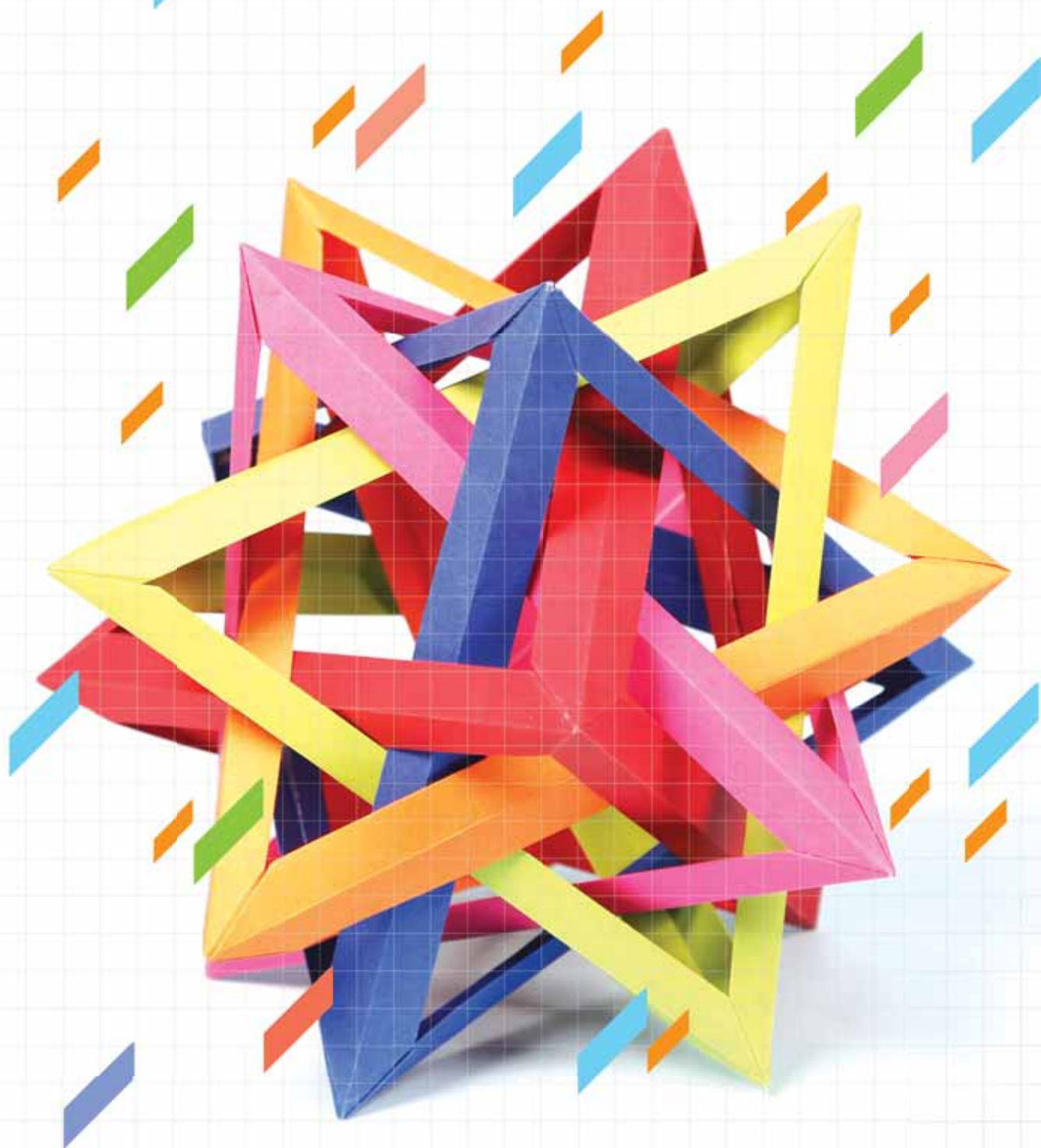


رشد - مجله آموزش، تحلیل و اطلاع رسانی
ریاض
برای دانش آموزان متوسطه اول



هنر کاغذ و تار

الاستیکا



برهان

مدیر مسئول: محمد ناصری
سر دبیر: سپیده چمن آرا
مدیر داخلی: پری حاجی خانی
هیئت تحریریه: جعفر اسدی گرمارودی، حمیدرضا امیری، زهره پندی، نازنین حسن نیا
حسین نامی ساعی، داود معصومی مهور
ویراستار: بهروز راستانی
طراح گرافیک + تصویرگر: حسین یوزباشی

یادداشت سردبیر استدلال جبری / سپیده چمن آرا / ۲
گفت و گو طوفان بال پروانه: آیا با بال زدن پروانه ای طوفان می شود؟ / نازنین حسن نیا / ۳
معرفی کتاب اگر ... / نغمه حاجی صادقی / ۷
ریاضیات و مدرسه ریاضی در شبکه های مجازی / زهره پندی / ۸
نمودار از نوع دیگر (بخش سوم) / محدثه کشاورز اصلانی / ۱۰
ریاضیات و کاربرد در صدهای فوتبالی / جعفر اسدی گرمارودی / ۱۲
کاشی کاری به روش گره چینی / کیان کریمی خراسانی / ۱۴
معادله خط در آزمایشگاه علوم / حسین نامی ساعی / ۱۶
ریاضیات لایه لای آهن / جعفر اسدی گرمارودی / ۱۸
ریاضیات و تاریخ نبرد در میدان اعداد / حسام سبحانی طهرانی / ۲۰
ریاضیات و مسئله یک مسئله و راهبردهای حل آن / محمدرضا اسفندیاری / ۲۴
با هم مسئله حل کنیم / کیان کریمی خراسانی / ۲۶
چند تا عمه؟ چند تا خاله؟ / هوشنگ شرقی / ۳۶
از میان نامه ها حقیقتی درباره مجذور اعداد / کیمیا نجفی / ۲۷
گفت و گو درس می دهیم، یاد می گیریم / هوشمند حسن نیا / ۲۸
ریاضیات و بازی بازی های اندرویدی: مین ها رو پیدا کن! / زهرا صباغی، کیمیا هاشمی / ۳۰
فکر بکر! / داود معصومی مهور / ۳۲
پازل حل کنیم / محدثه کشاورز اصلانی / ۳۴
ریاضیات و سرگرمی حذف کن، جمع کن / شراره تقی دستجردی / ۳۵
هرم کاغذی / پری حاجی خانی / ۳۸
ریاضیات و محیط زیست سرشماره پرندگان مهاجر / ژما جواهری پور / ۴۰
مسابقه ریاضیات و محیط زیست برهان (شماره چهارم) صفحه سوم جلد

نشانی دفتر مجله:

تهران، ایرانشهر شمالی، پلاک ۲۶۶ / صندوق پستی: ۱۵۸۷۵/۶۵۸۶

تلفن: ۰۲۱-۸۸۸۳۱۱۶۱ / داخلی ۳۷۵ / نمایر: ۰۲۱-۸۸۳۰۱۴۷۸

تلفن پیامگیر نشریات رشد: ۰۲۱-۸۸۳۰۱۴۸۲

صندوق پستی امور مشترکین: ۱۵۸۷۵/۳۳۳۱ / تلفن امور مشترکین: ۰۲۱-۸۸۸۶۷۳۰۸

roshdmag: / وب گاه: www.roshdmag.ir / رایانامه: borhanmotevaseteh1@roshdmag.ir

وبلاگ اختصاصی مجله: weblog.roshdmag.ir/borhanrahnamaiee

شمارگان: ۱۸۰۰ نسخه



روی جلد: اندروایلر

پشت جلد را نیز ببینید.

قابل توجه نویسندگان و مترجمان: مطالبی که برای درج در مجله می فرستید، باید با اهداف مجله مرتبط باشد و قبلاً در جای دیگری چاپ نشده باشد. لطفاً مطالب ترجمه شده یا تلخیص شده را به همراه مطلب اصلی یا با ذکر دقیق منبع، ارسال کنید. مجله در رد، قبول، ویرایش و تلخیص مطالب آزاد است. مطالب و مقالات دریافتی بازگردانده نمی شوند. آرای مندرج در مطالب و مقاله ها ضرورتاً مبین رأی و نظر مسئولان نیست. اهداف مجله عبارت اند از: گسترش فرهنگ ریاضی / افزایش دانش عمومی و تقویت مهارت های دانش آموزان در راستای برنامه درسی / توسعه تفکر و خلاقیت / توجه به استدلال ریاضی و منطق حاکم بر آن / توجه به الگوها و کمک به توانایی استفاده از آن ها / توجه به محاسبات ریاضی برای توسعه تفکر جبری و توانایی های ذهنی دانش آموزان / توجه به فرهنگ و تمدن ایرانی و اسلامی در بستر فرهنگ ریاضی جهانی / توجه به کاربرد ریاضی در زندگی و علوم و فن آوری / تقویت باورها و ارزش های دینی، اخلاقی و علمی. خوانندگان رشد برهان متوسطه اول، شما می توانید مطالب خود را به مرکز بررسی آثار مجلات رشد به نشانی زیر بفرستید، تهران: صندوق پستی ۱۵۸۷۵-۶۵۶۷ / تلفن: ۰۲۱-۸۸۳۰۵۷۷۲



«جبر»

چیست؟ شاید در پاسخ به این سؤال بگوییم «جبر» از اجبار می‌آید، و در مقابل کارهای اختیاری، از کلمه جبر استفاده می‌کنیم. خُب این پاسخ درست است، ولی من منظورم از «جبر» یک شاخه مهم از علم ریاضی است. شما با جبر از دوره ابتدایی آشنا شده‌اید. آن موقع که در کلاس اول دبستان با الگوهای تصویری یا رنگی کار می‌کردید، درواقع داشتید با تفکر جبری آشنا می‌شدید و پایه‌های آن در فکر و ذهن‌تان ریخته می‌شد. اکنون شما با نمادهای ریاضی و استفاده از حرف‌ها برای بیان روابط ریاضی آشنا شده‌اید که یکی از ابزارهای مهم در جبر است. در واقع با استفاده از حرف‌های $a, b, c, y, x, \dots$ رابطه‌هایی را که بین مفاهیم یا اشیای ریاضی وجود دارد، بیان می‌کنیم. کار کردن با عبارت‌هایی که به این شکل به دست می‌آیند، قواعدی دارد که در دوره متوسطه اول با آن‌ها آشنا می‌شوید. دوست خوب ما، **کیمیا نجفی**، در مطلبی که برای مجله فرستاده، درستی یا نادرستی چند موضوع مهم درباره عددهای زوج و عددهای فرد را به کمک عبارت‌های جبری بررسی کرده است. مثلاً برای اینکه ببینید اختلاف مجذورهای دو عدد طبیعی متوالی، همیشه عددی فرد می‌شود، عددی را x گرفته، که هر عدد طبیعی می‌تواند باشد، و عدد بعد از آن را $x+1$ ، و با استفاده از آنچه درباره عبارت‌های جبری یاد گرفته، x^2 و $(x+1)^2$ را به دست آورده و اختلاف آن‌ها، به صورت $2x+1$ شده است. خُب همیشه دو برابر یک عدد مثل x عددی زوج است. پس اگر یکی به آن اضافه شود، یعنی $2x+1$ ، فرد می‌شود. درواقع کیمیا یک حقیقت مهم درباره عددها را به کمک جبر «اثبات» کرده است. این کار خیلی شبیه بعضی از کارهای ریاضی‌دانان است. دانستن اصول کار با عبارت‌های جبری، تمرین برای مسلط شدن بر آن‌ها و یافتن مهارت بیشتر در کار با این عبارت‌ها به شما کمک خواهد کرد، از این ابزار بهتر استفاده کنید. اگر دوست دارید، مطلب کیمیا را در همین شماره مجله بخوانید.

موفق باشید.

یادداشت‌سر دبیر

یادداشت‌سر دبیر



طوفان بال پروانه

نازنین حسن‌نیا
عکاس: شادی رضائی



آیا با بال‌زدن پروانه‌ای، طوفان می‌شود؟

دنیای ما با تمام سادگی‌اش پر از عجایب است و یکی از عجیب‌ترین چیزهایی که در سال‌های اخیر زیاد شنیده‌ایم، این داستان است: «بال‌زدن پروانه‌ای در برزیل می‌تواند باعث ایجاد طوفان در تگزاس شود» به نظر می‌رسد خیلی عجیب باشد. آیا واقعاً چنین چیزی ممکن است؟ این دو مکان و این دو اتفاق چه ربطی به هم دارند؟ حالا اگر هم چنین اتفاقی ممکن باشد، کدام‌یک از دانش‌های کنونی می‌تواند این پدیده را توضیح دهد؟ کار زیست‌شناس‌ها است یا کار جغرافی‌دان‌ها؟ شاید هم دانشمندان هواشناسی باید به ما پاسخ بدهند؟ احتمالاً به فکر شما نرسیده است که ریاضی‌دان‌ها هم می‌توانند به سؤال ما پاسخ بدهند. برای همین با آقای دکتر نصیری که در موضوع سیستم‌های دینامیکی کار می‌کند و آقای دکتر صفدری که زمینه کارشان معادلات دیفرانسیل پاره‌ای است، به گفت‌وگو نشستیم. شما هم با ما همراه شوید.



معادلات دیفرانسیل چیست؟

نصیری: بعضی از مسائل فیزیک و مهندسی تغییر یک پدیده را بررسی می‌کنند؛ مانند حرکت اجسام، انتقال گرما، جاری شدن مایعات و ... برای حل این مسئله‌ها به نوع خاصی از معادله‌ها نیاز داریم که به آن‌ها **معادلات دیفرانسیل** می‌گویند. جواب این معادله‌ها فقط یک یا چند عدد نیست. کار من، حل کردن این معادلات است. مثلاً منظومه شمسی الان در یک وضعیت مشخصی است. یعنی خورشید و سیارات و هر جسم دیگری که در این منظومه هستند، مدار و سرعت مشخصی دارند. آیا ممکن است بعضی از سیارات به سمت خورشید بروند یا حتی با آن برخورد کنند؟ یا بعضی دیگر از منظومه شمسی بیرون بروند؟ البته ما برای یک یا دو یا حتی هزار سال دیگر هم می‌دانیم که منظومه شمسی تقریباً به همین شکل امروزی خواهد بود. حالا اگر بخواهیم یک میلیون سال دیگر را پیش‌بینی کنیم، باید با معادلات دیفرانسیل مسئله را حل کنیم. اجسام منظومه شمسی یکدیگر را جذب می‌کنند و نیروی جاذبه بین آن‌ها براساس قانون جاذبه نیوتن، به فاصله آن‌ها از هم، بستگی دارد. این فاصله‌ها با گذشت زمان تغییر می‌کند، پس نیروی جاذبه بین این اجسام مُدام در حال تغییر است. همه تغییرات منظومه به گذر زمان بستگی دارد. زمان در اینجا یک متغیر است. پس معادله‌های این مسئله باید به صورت معادله‌ای وابسته به زمان باشد. اگر بخواهیم معادلات همه این تغییرات را بنویسیم، معادله‌های بسیار پیچیده‌ای به دست می‌آید. اما حدود یک صد و سی سال پیش، ریاضی‌دان فرانسوی، هانری پوانکاره، راه دیگری را در پیش گرفت که منجر به شکل‌گیری رشته سیستم‌های دینامیکی شد. ایده او این بود که بدون دانستن فرمول جواب معادله و فقط از خود معادله، ویژگی‌های جواب‌های آن را کشف و بررسی کنیم و از این طریق به سؤال‌اتمان پاسخ دهیم.

صفدری: من هم روی گروه خاصی از معادله‌های دیفرانسیل کار می‌کنم که معادلات دیفرانسیل پاره‌ای نام دارند.

آشوب پروانه‌ای

نصیری: در معادلات دیفرانسیل نوع اول، یکی از ویژگی‌های جواب که خیلی برای ما مهم است،





معادلات دیفرانسیل پاره‌ای

صفدری: جالب اینجاست که وقتی از معادلات دیفرانسیل یک متغیره به معادلات دیفرانسیل دو متغیره یا بیشتر می‌رویم، کاملاً وارد یک دنیای دیگری می‌شویم. حل این معادلات دیفرانسیل به کلی متفاوت از معادلاتی است که دکتر نصیری گفتند و ما حتی نمی‌دانیم که این معادلات جواب دارند یا خیر. برای هر معادله دیفرانسیل پاره‌ای، ما باید به سه سؤال مهم جواب دهیم: ۱- آیا جوابی برای این معادله وجود دارد یا نه؟ ۲- اگر جوابی هست، آیا یکتاست، یعنی آیا فقط یک جواب برای این مسئله هست یا جواب‌های متعدد دارد؟ ۳- ویژگی جواب چیست؟

تفاوت معادلات دیفرانسیل پاره‌ای با معادلات دیفرانسیل عادی در چیست؟

صفدری: با یک مثال توضیح می‌دهم. یک لیوان آب روی میز می‌ریزیم. اگر دقیقاً همین کار را یک‌بار دیگر تکرار کنید، پخش شدن آب روی سطح میز قابل پیش‌بینی نیست و این‌بار آب کاملاً متفاوت با دفعه قبل پخش می‌شود. به همین دلیل حل معادلات پخش آب بسیار سخت است و اصلاً نمی‌دانیم که آیا جوابی هموار برای این معادلات وجود دارد یا نه.

نصیری: در مسئله پخش شدن آب به‌جز زمان چه متغیرهای دیگری اثرگذار هستند؟

صفدری: چگالی، سرعت و فشار مایع، که در همه نقاط مایعی که در حال پخش شدن است، یکسان نیست. ما مایع را به‌صورت قسمت‌های خیلی کوچک در نظر می‌گیریم که هر قسمت، سرعت و فشار خودش را دارد. قوانین فیزیکی حرکت مایعات، همانند قوانین مکانیک نیوتنی که شما گفتید، سال‌ها پیش به‌دست آمده است. فکر می‌کنم اولین معادلات را حدود ۲۵۰ سال قبل، اویلر نوشت. فرم نهایی این معادلات که معروف به معادلات ناویه-استوکس^۳ هست حدود ۲۰۰ سال پیش نوشته شده است. ولی وجود جواب هموار برای آن هنوز ثابت نشده است. این مسئله یکی از هفت مسئله مهم و حل نشده در ریاضیات است که در سال ۲۰۰۰ برای حل آن جایزه یک میلیون دلاری گذاشته شده است.

معادلات دیفرانسیل، ریاضیات کاربردی یا ریاضیات محض؟

برهان: به نظر می‌رسد که کار شما استفاده از ریاضی در علوم دیگر است. آیا می‌شود گفت که این نوع ریاضیات، ریاضیات کاربردی است؟ چه مقدار با دانشمندان علوم دیگر در ارتباط هستید و همکاری دارید؟

صفدری: این کارها را بعضی ریاضیات کاربردی و بعضی ریاضیات محض می‌دانند. در واقع خیلی کم پیش می‌آید که ما با رشته‌های دیگر وارد تعامل شویم.

نصیری: معادلات نوییر-استوکس^۲ ۲۰۰ سال قبل با همکاری ریاضی‌دان‌ها و فیزیکدان‌ها به‌دست آمده، ولی الان ۲۰۰ سال است

پایداری جواب است، به این معنی که اگر در دو آزمایش، شرایط اولیه خیلی به هم شبیه بود، آیا در نهایت جواب‌ها هم به هم شبیه هستند؟ با همان مثال منظومه شمسی توضیح می‌دهم. اگر محل کره زمین را چند سانتی‌متر از مدارش خارج کنیم، چه اتفاقی می‌افتد؟ آیا در آینده مسیر حرکتش به دور خورشید تغییر جدی می‌کند؟ مثال دیگر وضعیت آب و هوا است که دما، درصد رطوبت، وضعیت باد، حرکت و سرعت فعلی ابر، محل فعلی خورشید و ... بر آن اثر می‌گذارند. فرض کنید مسئله آب و هوا را به معادله دیفرانسیل عادی تبدیل کردیم که اگر وضعیت فعلی آب و هوا را در معادله قرار دهیم، وضعیت آینده را به ما بدهد. واقعیت این است که معادلات آب و هوا آن‌قدر به وضعیت اولیه حساس هستند که کوچک‌ترین تغییری در مقدارهای اولیه، نتیجه را بعد از چند ساعت تغییر می‌دهد. مثلاً یک هزارم درجه خطای اندازه‌گیری در دمای امروز، ممکن است باعث شود دمای سه روز بعد را بیش از ۱۰ درجه متفاوت اعلام کند همین است که آب‌وهوا را برای طولانی مدت نمی‌توان پیش‌بینی کرد. به همین دلیل به این نوع معادلات، معادلات آشوبناک می‌گوییم. اثر معروف پروانه‌ای به همین موضوع اشاره دارد. اگر پروانه‌ای در برزیل بال بزند، اثر بسیار کوچکی بر جریان هوای آن منطقه می‌گذارد. اما به علت ویژگی حساس بودن (یا آشوبناک بودن) معادلات آب و هوا، همین تغییر بسیار کوچک می‌تواند پس از چند هفته، تغییر بسیار عظیمی در هوای کره زمین مثلاً در یک سرزمین بسیار دور ایجاد کند.

معادله دیفرانسیل

معادله‌ای است که نشان می‌دهد مقدار یک متغیر، با تغییرات متغیرهای دیگر چه ارتباطی دارد. اگر در یک مسئله تنها یک متغیر باعث تغییر شود، به معادلات مربوط به آن، معادلات دیفرانسیل نوع اول یا عادی می‌گوییم. اما در بعضی مسئله‌ها چند متغیر اثرگذار وجود دارد و تغییر هر کدام از این متغیرها، بر آن اتفاق یا پدیده اثر دارد. معادلاتی که در این مسئله‌ها ظاهر می‌شوند، معادلات دیفرانسیل پاره‌ای نام دارند. این دو نوع معادله خیلی باهم فرق دارد. وقتی یک معادله دیفرانسیل عادی داریم، فقط یک متغیر مستقل هست که بر بقیه متغیرها اثر می‌گذارد. سال‌ها پیش اثبات شده است که این نوع معادله‌ها همیشه جواب دارند.



لحظه قسمت‌هایی از یخ آب می‌شود و قسمت‌هایی از آب یخ می‌زند. یعنی مرز آب و یخ که تنها جایی است که دمای آن مقداری ثابت و مشخص صفر است، تغییر می‌کند. به چنین مسئله‌ای که مرز ناحیه‌اش هم در حال تغییر است مسئله مرز آزاد می‌گوییم.

نصیری: در این مسئله انگار دو نوع متغیر متفاوت دارید. یکی مرزی است که دما روی آن ثابت و صفر است و هر لحظه تغییر می‌کند، و دیگری دمای نقاط مختلف آب است که به فاصله از این مرز وابسته است.

صفدری: بله. جواب معادلات ما دو بخش است. یکی معادله این مرز در هر لحظه و دیگری دمای هر نقطه از آب در هر لحظه. در اینجا ما هم خود جواب و هم ویژگی‌های جواب را جست‌وجو می‌کنیم. مثلاً اگر در ابتدا مرز آب و یخ، یک منحنی نرم و بدون تیزی باشد، آیا با گذشت زمان و پس از تغییر شکل، ممکن است تیزی و شکستگی پیدا کند یا نه؟ یا یک ویژگی دیگر جواب این است که آیا نقاط نزدیک به هم دمای نزدیک به هم دارند؟ آیا ممکن است در بعضی نقاط نزدیک به هم، دماها خیلی باهم متفاوت باشد؟

برهان: یعنی شما از قوانین فیزیکی مربوط به انجماد و توزیع دما استفاده می‌کنید تا آینده این استخر آب و یخ را پیش‌بینی کنید؟

صفدری: درست است اما گاهی وقت‌ها ممکن است نتوانیم آینده را پیش‌بینی کنیم، ولی می‌توانیم ویژگی‌هایی از وضعیت آینده را بفهمیم.

● دکتر محمد صفدری:

متولد سال ۶۳، کارشناسی و ارشد خود را در رشته ریاضی از دانشگاه شریف در سال‌های ۸۶ و ۸۸ گرفته است. دکتری خود را سال ۹۳ از دانشگاه برکلی در حوزه معادلات دیفرانسیل پاره‌ای اخذ کرده است. هم‌اکنون عضو هیئت علمی دانشگاه صنعتی شریف است.

● دکتر میثم نصیری:

متولد سال ۵۷، کارشناسی و ارشد و دکتری خود را در رشته ریاضی به ترتیب از دانشگاه‌های امیر کبیر، شریف و ایمپا در سال‌های ۷۸، ۸۰ و ۸۵ گرفته است. هم‌اکنون عضو هیئت علمی پژوهشگاه دانش‌های بنیادی است.

پی‌نوشت‌ها:

۱. پوانکاره: ریاضی‌دان فرانسوی قرن ۱۸ میلادی که از بنیان‌گذاران شاخهٔ توپولوژی در ریاضیات است.
۲. اویلر: ریاضی‌دان قرن هجدهم میلادی.
3. Navier-Stokes

ریاضی‌دانان دارند این معادله را مدام دست‌کاری می‌کنند که قابل حل شود. با تئوری پردازای آن‌ها نظریه‌هایی در ریاضی شکل می‌گیرد. دغدغهٔ ریاضی‌دانان امروز حل این معادله است و دیگر کاری به اینکه معادله از کجا آمده است ندارند. بعضی از مسئله‌های ما هم از خود دنیای ریاضی پیدا می‌شود که اصلاً ربطی به اتفاق‌های واقعی و طبیعی ندارد.

برهان: ممکن است مثلاً از دانشکدهٔ فیزیک بیایند با شما مسئله‌ای طرح کنند و شما آن را تبدیل به یک مسئلهٔ ریاضی کنید و به حل آن بپردازید؟

نصیری: خیر. اینکه یک مسئلهٔ واقعی، تبدیل به یک مسئلهٔ ریاضی شود، کار ما نیست. افرادی در رشته‌های دیگر یا بعضی افراد که کارهای بین رشته‌ای انجام می‌دهند، معادلات را می‌سازند و کار ما تنها بررسی و حل معادلاتی است که افراد دیگر به‌دست آورده‌اند.



صفدری: من هم مشابه آقای دکتر نصیری، تنها به بررسی معادلاتی مشغول هستم که دیگران به‌دست آورده‌اند. گروهی از معادلات چند متغیره را انتخاب کرده‌ام که به آن‌ها معادلات **مرز آزاد** می‌گویند و کار من، بررسی جواب این معادلات است. این کار همان‌طور که گفته شد کاملاً ریاضی است، اما چون با معادلات پیچیده‌ای سروکار دارم و امکان توضیح ریاضی آن وجود ندارد، اجازه بدهید با یک مثال واقعی برای شما بگویم که این معادلات از کجا آمده است. فرض کنید یک استخر آب داریم که بخشی از آب آن یخ زده است و ما می‌خواهیم در هر لحظه دمای نقاط مختلف آب را بدانیم. جاهایی که آب و یخ در کنار هم قرار گرفته‌اند، دما صفر است. از این مرز آب و یخ که دور می‌شویم، دما تغییر می‌کند. می‌شود معادله‌ای نوشت که دمای آب را در فاصله‌های مختلف از یخ نشان دهد. اما یک اتفاق فیزیکی را باید در نظر بگیریم. لحظه به

اگر...

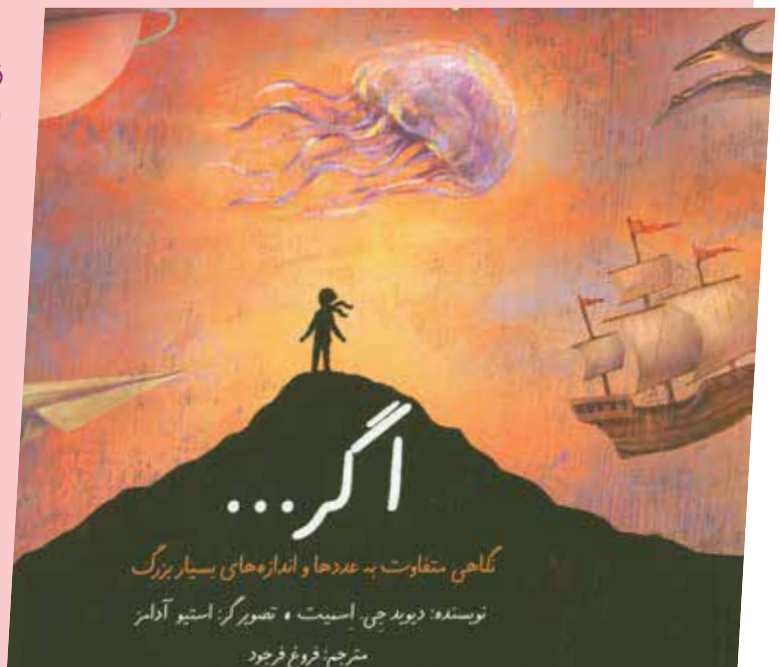
نویسنده: دیوید جی. اسمیت
 تصویرگر: استیو آدامز
 مترجم: فروغ فرجود
 ناشر: انتشارات فاطمی

معرفی کتاب • نغمه حاجی صادقی

آیا تا به حال از خود پرسیده‌اید عمر زمین چقدر است؟ نخستین جانوران و انسان‌ها چه زمانی روی زمین پیدا شده‌اند؟ چه مقدار آب کره زمین برای حیات ما لازم است؟ زمین، منظومه شمسی یا کهکشان راه شیری چقدر بزرگ‌اند؟

بعضی چیزها آن قدر بزرگ هستند که نمی‌توان تصویری از آن‌ها داشت. اما اگر آن چیزها یا رویدادهای خیلی بزرگ را با چیزهای کوچکی که برای ما قابل دیدن و لمس کردن باشند مقایسه کنیم، تصور بهتری می‌توانیم از آن‌ها داشته باشیم. غالباً خطاهایی در تخمین وجود دارند. برای مثال، هیچ کس دقیقاً نمی‌داند عمر زمین چقدر است یا کیهان چقدر بزرگ است، اما می‌توان تا حدودی نزدیک به واقعیت، عمر زمین یا بزرگی کیهان را

تخمین زد. دیوید جی. اسمیت، نویسنده کتاب «اگر...»، سعی کرده است عددها را بر پایه قابل اعتمادترین تخمین‌ها بیان کند. همچنین، این کتاب با کوچک کردن رویدادهای بزرگ و کوچک کردن فضا و زمان به ما کمک می‌کند، آن‌ها را بهتر بفهمیم. مثلاً اگر خورشید را به اندازه یک گریپ فروت در نظر بگیریم، زمین به اندازه یک دانه نمک و حتی بزرگ‌ترین سیاره، یعنی مشتری، به اندازه یک نخود درشت خواهد بود. یا مثلاً اگر آب کره زمین را با ۱۰۰ لیوان نشان دهیم، یک لیوان همه آبی را نشان می‌دهد که در دسترس ماست و برای حیات لازم است. اگر منظومه شمسی یا سرگذشت انسان یا هر مفهوم و عدد بزرگی را در مقیاس کوچک ارزیابی کنیم، به نتایج جالبی می‌رسیم. کتاب «اگر...» به ما کمک می‌کند، با توجه به این نتایج دنیا را به صورت متفاوتی ببینیم.





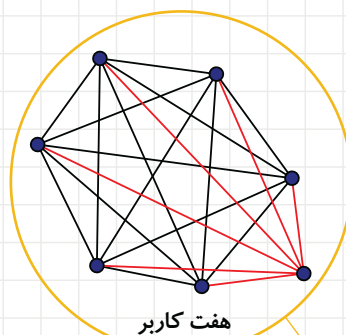
ریاضی

شبکه‌های مجازی

زهرة پندی

						تعداد کاربران
۶	۵	۴	۳	۲	۱	
۱۵	۱۰	۶	۳	۱	۰	تعداد ارتباط‌های ممکن

$+5$ $+4$ $+3$ $+2$ $+1$

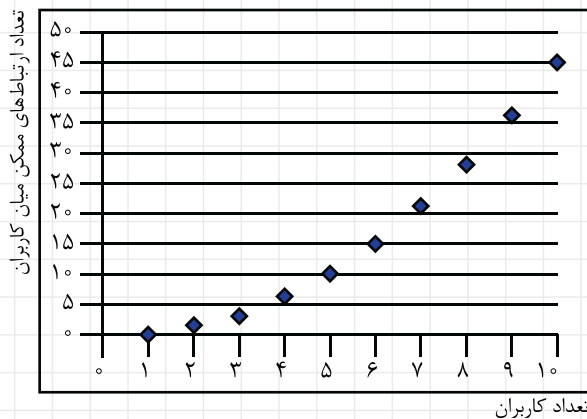


گاهی شنیده‌ایم که خبری به سرعت در یک شبکه مجازی منتشر شده است. بیا ببینیم با هم نگاهی به تعداد کاربران یک شبکه و تعداد ارتباطاتی که ممکن است بین آن‌ها برقرار شود، بیندازیم.

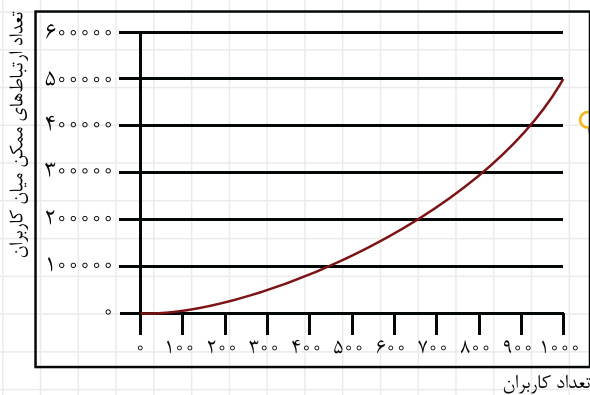
همان‌طور که در جدول بالا می‌بینید، وقتی دومین کاربر به شبکه پیوسته است، اولین ارتباط برقرار شده است. سومین کاربر می‌تواند ۲ ارتباط اضافه کند. چهارمین کاربر می‌تواند با هر یک از ۳ کاربر قبلی ارتباط برقرار کند. پنجمین کاربر می‌تواند ۴ ارتباط اضافه کند و ششمین کاربر می‌تواند ۵ ارتباط جدید برقرار کند. بنابراین در شبکه‌ای با ۶ کاربر می‌توان حداکثر $1+2+3+4+5=15$ ارتباط برقرار کرد. به همین ترتیب با بیشتر شدن تعداد کاربران یک شبکه، تعداد ارتباطات بین آن‌ها بیشتر و بیشتر می‌شود. مثلاً وقتی نفر هفتم به کاربران قبلی می‌پیوندد، می‌تواند با هر یک از ۶ نفر قبلی ارتباط برقرار کند و به تعداد ارتباط‌ها ۶ تا افزوده می‌شود و حداکثر ارتباط‌هایی که می‌توان برقرار کرد $1+2+3+4+5+6=21$ ارتباط می‌شود.

به کمک عددهای آن جدول، نمودارهای زیر را رسم کرده‌ایم.

● نمودار تعداد ارتباط‌های ممکن بین کاربران



● نمودار تعداد ارتباط‌های ممکن بین کاربران



البته

برای رسم نمودار در

حالتی که تعداد کاربران خیلی

زیاد شده است، به جای آنکه عددها را با

هم جمع کنیم، از رابطهٔ مجموع عددها استفاده

کرده‌ایم. مثلاً وقتی تعداد کاربران ۱۰۰ است، به

جای جمع کردن عددهای ۱ تا ۹۹ از رابطهٔ $\frac{99 \times 100}{2}$

استفاده کرده‌ایم. (چون هر یک از ۱۰۰ کاربر می‌تواند

با ۹۹ کاربر دیگر ارتباط برقرار کند، یعنی 99×100

ارتباط می‌تواند برقرار شود. اما چون هر ارتباط

را دو بار شمرده‌ایم، باید حاصل را بر دو

تقسیم کنیم).

همان‌طور

که در نمودار مشاهده

می‌کنید، وقتی تعداد کاربران به

۱۰۰۰ نفر می‌رسد، تعداد ارتباط‌هایی که

می‌تواند بین آن‌ها برقرار شود، تقریباً ۵۰۰۰۰۰

ارتباط است. البته این حداکثر ارتباط‌های ممکن

است و در واقع برخی از این ارتباط‌ها برقرار نمی‌شود،

اما همین ارتباط‌ها هستند که فرصتی برای انتشار

سریع یک خبر ایجاد می‌کنند. به نظر شما اینکه

یک خبر می‌تواند با این سرعت در شبکه

پخش شود، چه خوبی‌هایی دارد؟

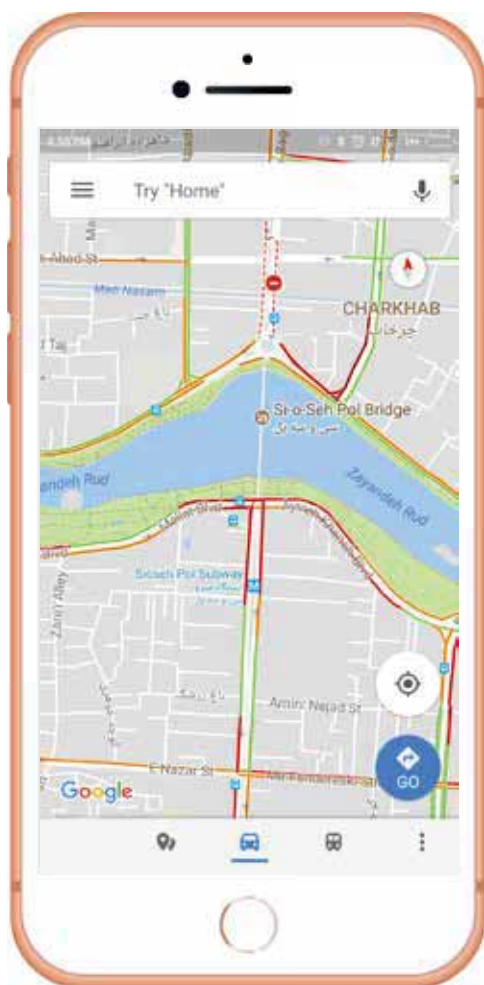


نمودار از نوع دیگر

بخش دوم

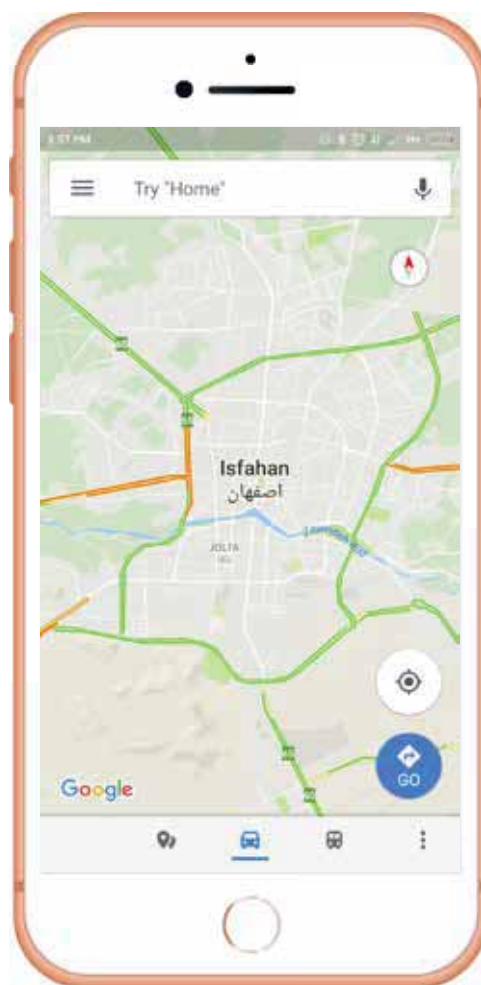
محدّثه کشاورز اصلاحي

این نقشه را به کمک نرم افزار نقشه روی هر تلفن همراه هوشمندی می توان دید.
اما اگر از بزرگ نمایی استفاده کنیم و نقشه را کمی از نزدیک تر ببینیم، جزئیات بیشتری خواهیم دید.
به تصویر ۲ دقت کنید .



تصویر ۲

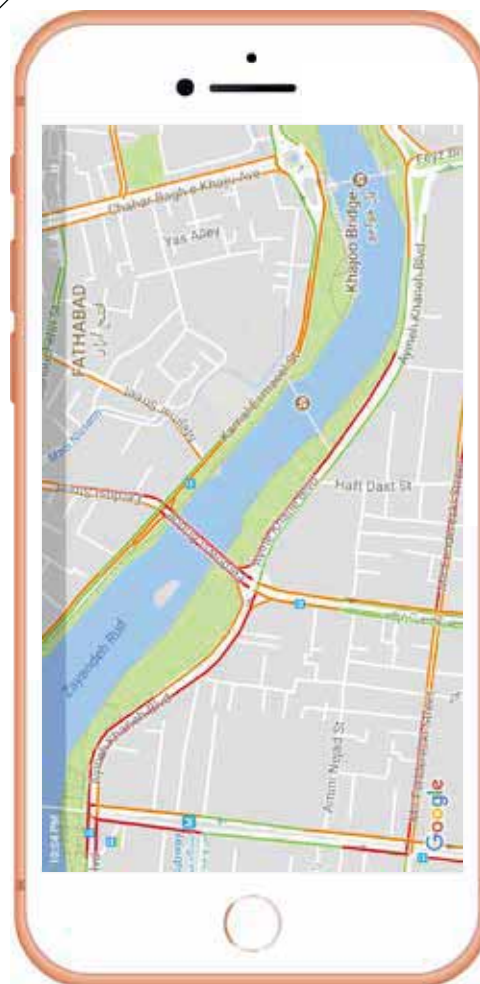
در شماره های ۹۱ و ۹۲ مجله برهان ریاضی متوسطه اول مطالبی نوشتیم درباره نمودارهایی که در قدم اول به نظر نمی رسد نمودار باشند. بیايد با هم یک نمونه دیگر از این نمودارها را ببینیم. تصویر ۱ در نگاه اول نقشه ساده ای از شهر اصفهان به نظر می رسد.



تصویر ۱

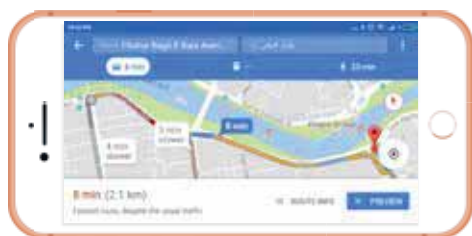


تصویر ۳



نکته مهم این است که روی این نقشه رنگ خیابان‌ها با هم متفاوت است. بعضی سبز هستند، بعضی نارنجی و بعضی قرمز. به نظر شما دلیل این تفاوت چیست؟ از آنجا که از این نقشه برای مسیریابی استفاده می‌شود، می‌توان حدس زد که این رنگ‌ها مربوط به ترافیک هستند! رنگ‌های سبز، نارنجی و قرمز به ترتیب نشان‌دهنده ترافیک روان، نیمه‌سنگین و سنگین هستند. اما اگر بخواهیم گفته‌مان را کمی دقیق‌تر کنیم، باید بگوییم ترافیک روان، نیمه‌سنگین و سنگین دقیقاً به چه معنی هستند. مهم‌ترین عامل به وجود آورنده ترافیک وجود تعداد زیادی خودرو در خیابان است، البته عوامل دیگری مثل رفتار نادرست ترافیکی (رانندگی نامناسب)،

تصویر ۴



تصادف یا بسته بودن خیابان برای تعمیرات هم می‌توانند باعث ایجاد ترافیک شوند. اما عوامل به وجود آورنده ترافیک هرچه باشند، نتیجه ترافیک کم شدن سرعت ماشین‌های داخل خیابان است. پس یک معیار مناسب برای سنجش میزان ترافیک می‌تواند سرعت ماشین‌های در حال عبور از یک خیابان باشد. نرم‌افزاری که نقشه ترافیک را به ما می‌دهد، به کمک گرفتن داده از گوشی‌های هوشمند راننده‌ها یا سرنشینان ماشین‌ها، میانگینی از سرعت ماشین‌های در حال تردد در هر خیابان به دست می‌آورد و براساس این سرعت میانگین، رنگ خیابان را انتخاب می‌کند:

● **رنگ سبز، ترافیک روان:** سرعت بیش از ۵۰ مایل معادل ۸۰ کیلومتر در ساعت

● **رنگ نارنجی، ترافیک نیمه‌سنگین:** سرعت بین ۲۵ تا ۵۰ مایل معادل ۴۰ تا ۸۰ کیلومتر در ساعت

● **رنگ قرمز، ترافیک سنگین:** سرعت کمتر از ۲۵ مایل معادل ۴۰ کیلومتر در ساعت

اما نکته مهم این است که نرم‌افزار به کمک همین اطلاعات، تخمینی از زمان لازم برای رسیدن به یک مقصد را به ما می‌دهد. مثلاً به تصویر ۳ نگاه کنید. در این نقشه فاصله بین «سی و سه پل» و «پل خواجه» نشان داده شده است. ترافیک بخشی از مسیر سبزرنگ و بخشی از آن قرمز رنگ است. به منظور پیدا کردن زمان لازم برای طی کردن بخش سبزرنگ، کافی است فاصله آن قسمت از مسیر را بر میانگین سرعت ماشین‌ها در آن قسمت تقسیم کنیم. در بخش قرمز رنگ هم می‌توانیم همین کار را انجام دهیم. مجموع دو زمانی که به دست آمده‌اند، مدت زمانی است که پیش‌بینی می‌شود بتوانیم طی آن، از سی و سه پل به پل خواجه برسیم. نرم‌افزار به کمک همین محاسبات این پیش‌بینی را برای ما انجام می‌دهد. در مورد این مسیر، پیش‌بینی می‌شود ظرف مدت ۸ دقیقه بتوانیم به مقصد برسیم.

در طول و پایان هر مسابقه ورزشی آمار فنی مربوط به آن مسابقه ارائه می‌شود (جدول ۱ را ببینید). فراتر از نتیجه کسب شده، این آمار می‌تواند مقایسه بهتری از رقابت‌ها را به نمایش بگذارد تا دنبال‌کنندگان تجزیه و تحلیل مناسب‌تری از مسابقات داشته باشند. بعضی از این اطلاعات به‌صورت درصد ارائه شده‌اند. اکنون این سؤال مطرح می‌شود که: «چرا بعضی از این موارد به‌صورت درصد بیان می‌شوند و چرا همه به‌صورت درصد ارائه نمی‌شوند؟»

درصدهای فوتبالی

جعفراسدی گرمارودی

با بررسی آمار فنی بازی تیم‌های فوتبال «رئال مادرید» و «یوونتوس» در فینال جام باشگاه‌های اروپا در سال ۲۰۱۷ به چرایی این موضوع می‌پردازیم. همان‌طور که می‌دانید، درصد بیان خاصی از نسبت است؛ آن‌هایی که قرار است نسبت به ۱۰۰ بیان شوند. به جدول ۱ دقت کنید: تعداد گل زده، تعداد شوت‌ها و تعداد پاس‌ها به‌صورت درصد ارائه نمی‌شوند، چون این اطلاعات قرار نیست نسبتی را نمایش دهند.



اکنون به سراغ درصدها برویم. می‌خواهیم دقت پاس را بدون استفاده از درصد بیان کنیم. دقت پاس نسبت تعداد پاس‌های سالم به کل پاس‌هاست. بازیکنان تیم فوتبال رئال مادرید در بازی با یوونتوس، ۵۳۸ پاس رد و بدل کردند که از این تعداد ۴۵۶ پاس به‌طور سالم به هم‌تیمی‌ها رسید. حالا این نسبت را به دست می‌آوریم:

و نسبت تعداد پاس‌های سالم به کل پاس‌های تیم یوونتوس برابر است با:

$$\frac{349}{420}$$

$$\frac{456}{538}$$

فرض کنید چنین داده‌ای در جدول فنی بیاید. فردی که این دو نسبت را ببیند، چگونه می‌تواند به راحتی آن‌ها را مقایسه کند. آیا با توجه به ارائه این اطلاعات به‌صورت خبری روی صفحه تلویزیون، روزنامه یا وب‌گاه اینترنتی، بیننده فرصت انجام چنین مقایسه‌ای را دارد؟ راه چاره چیست؟ ارائه این دو نسبت به درصد، یعنی نسبتی که مخرج آن ۱۰۰ باشد، در کمترین زمان مقایسه را ممکن می‌سازد. در جدول ۱ مشاهده می‌کنید که دقت پاس رئال مادرید (۸۴٪) و یوونتوس (۸۳٪) به‌صورت درصد آمده است تا به راحتی این موضوع مقایسه شود.

یوونتوس	۴ ۱	رئال مادرید
۹(۴)	تعداد شوت	۱۸(۵)
۱	(چارچوب)	۱
۴۲۰	کرر	۵۳۸
۸۳٪	تعداد پاس	۸۴٪
۴۴٪	دقت پاس	۵۶٪
	مالکیت توپ	

جدول ۱
آمار فنی بازی تیم‌های فوتبال
رئال مادرید و یوونتوس (۲۰۱۷)

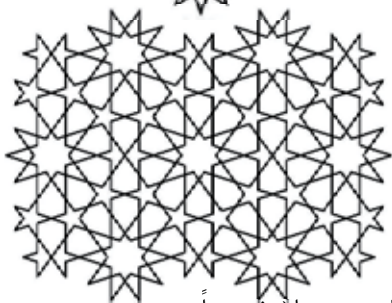
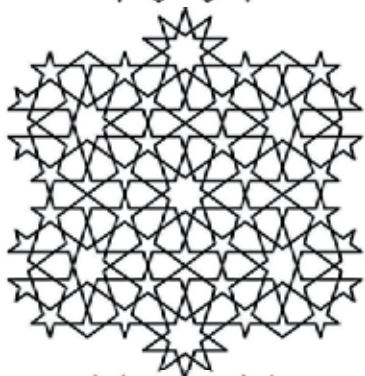
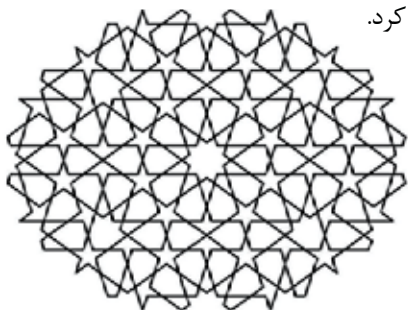
مالکیت توپ مورد دیگری است که به‌صورت درصد بیان می‌شود. قرار است مدت زمانی که هر یک از دو تیم، توپ را در اختیار داشتند، مورد مقایسه قرار گیرد و برتری و کیفیت این برتری مشخص شود. در فینال لیگ قهرمانان باشگاه‌های اروپا، رئال مادرید ۵۰ دقیقه و ۲۴ ثانیه و یوونتوس ۳۹ دقیقه و ۳۶ ثانیه توپ را در اختیار داشتند. با درصد گرفتن معلوم می‌شود که در طول بازی، رئال ۵۶ درصد و یوونتوس ۴۴ درصد مالک توپ بوده‌اند.

یادمان باشد که این آمار فقط در پایان مسابقه ارائه نمی‌شود. در طول مسابقه، مثلاً دقیقه‌های ۱۵، ۳۰، ۴۵ (پایان نیمه اول)، ۶۰ و ۷۵ نیز این آمار روی صفحه تلویزیون برای بینندگان ظاهر می‌شود و درصد، امکان مقایسه و تجزیه و تحلیل سریع را در اختیار مخاطب قرار می‌دهد تا جذابیت تماشای مسابقه را از دست ندهد.



کاشی‌کاری پروشن گره‌چینی کیان کریمی خراسانی

دوران و بازتاب به فراوانی دیده می‌شود. یکی دیگر از ویژگی‌های این نقش‌ها آن است که از یک دسته کاشی خاص، طرح‌های متفاوتی ایجاد می‌شود. مثلاً با مجموعه کاشی‌های تصویرشمسه بالا می‌توان طرح‌های زیر را رسم کرد.



در طراحی توپ‌ها (مخصوصاً

توپ‌های فوتبال) نیز از

علم کاشی‌کاری استفاده

می‌شود. به تصویرهای

مقابل توجه کنید. حتی در

یکی از روش‌های طراحی

توپ از نقش‌های هندسی

در کاشی‌کاری اسلامی

استفاده شده است. به

تصویر توپ در صفحه مقابل

نگاه کنید و شباهت‌هایش

را با نقش‌های هندسی که

پیش از این نشان داده شد،

پیدا کنید.



در این مطلب یک روش کاشی‌کاری را معرفی می‌کنیم که مربوط به تزئینات معماری است. این نوع کاشی‌کاری بیشتر با نام‌های «کاشی‌کاری اسلامی» یا «نقش‌های هندسی» یا «گره‌چینی» مشهور است. در معماری ایرانی پس از اسلام، روش‌های بسیار متنوع و جالبی برای رسم نقش‌های هندسی ابداع شد. در تزئینات کلیساها، غالباً از هنرهای نقاشی، تصویرگری و مجسمه‌سازی استفاده شده است، ولی در تزئینات مسجدها به دلایلی از این نوع تزئینات پرهیز شده و کاشی‌کاری با نقش‌های هندسی یا گیاهی و کتیبه‌ای جایگزین آن‌ها شده است.



یکی از ویژگی‌های این

نوع کاشی‌کاری آن است

که غالباً در مرکز تصویر

یک کاشی به شکل ستاره

دیده می‌شود که نامش

«شمسه» است. مثلاً در

تصویر مقابل، یک شمسۀ

۱۰ پر دیده می‌شود. نکته دیگر در این نوع کاشی‌کاری

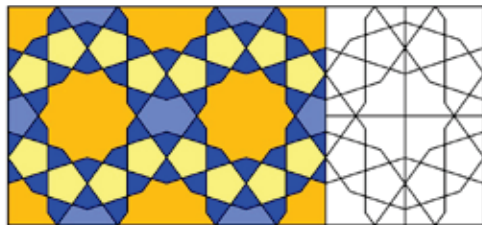
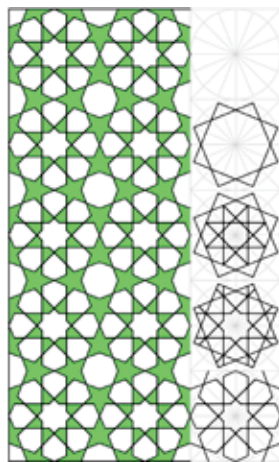
آن است که تبدیلات هندسی بسیار در آن‌ها دیده

می‌شود. مثلاً در همین تصویر، هر سه تبدیل انتقال،

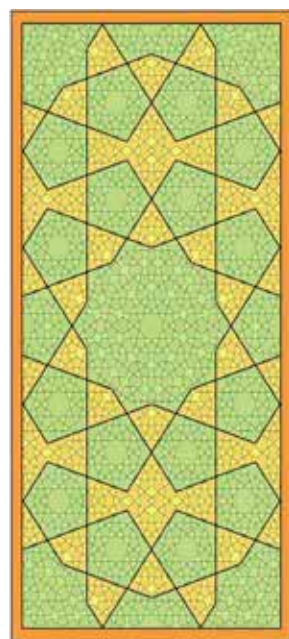




در یک روش دیگر،
 در مستطیلی که
 نسبت طول به
 عرضش برابر با
 $\sqrt{5}+1$ است
 (تصویر زیر)،
 روش ترسیم یکی
 از مشهورترین
 نقش‌های هندسی
 دیده می‌شود.



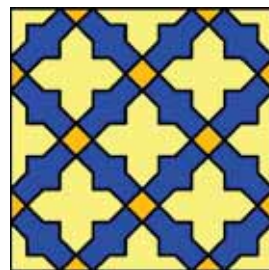
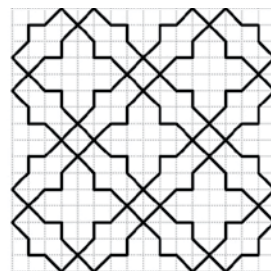
یکی از زیباترین جلوه‌های این نوع کاشی‌کاری،
 «شاه‌گره» نام دارد. در این نوع کاشی‌کاری یک



نوع طرح هم در
 مقیاس بزرگ
 دیده می‌شود و
 هم در مقیاس
 کوچک. دو طرح
 بزرگ و کوچک
 با یکدیگر در
 ارتباط هستند
 و غالباً نقاط
 شکستگی طرح
 بزرگ بر مرکز
 کاشی‌های طرح
 کوچک منطبق
 است. در تصویر
 روبه‌رو، یکی از این
 طرح‌ها را مشاهده
 می‌کنید.



ساده‌ترین شیوه طراحی و ترسیم این نقش‌های هندسی،
 استفاده از صفحه شطرنجی است. در تصاویر زیر، یکی از
 این روش‌ها دیده می‌شود.



روش‌های ترسیم و طراحی نقش‌های هندسی مبتنی بر
 خط‌کش و پرگار است. البته لازم به ذکر است که معماران
 سنتی، به جای استفاده از این دو ابزار، از ابزار جایگزین،
 یعنی «ریشمان» استفاده می‌کنند. در تصویرهای بعد،
 روش هندسی ترسیم یکی از این طرح‌ها دیده می‌شود.
 در این روش ابتدا با رسم دو قطر عمود بر هم دایره به
 ۴ قسمت برابر تقسیم می‌شود. سپس به کمک چندین
 مرحله رسم نیم‌ساز، دایره به ۱۶ قسمت برابر تقسیم
 می‌شود. ادامه مراحل در تصاویر آمده است.

معادله خط در آزمایشگاه علوم

حسین نامی ساعی

بعد از این توضیحات آقای دقیق مسئله را دید و خیلی هم خوشش آمد. مشتاقانه آستین هایش را بالا زد تا هم آزمایش انحلال پذیری نمک کلرید پتاسیم را انجام

دهیم و هم پاسخی برای مسئله پیدا کنیم و معادله و الگوی انحلال پذیری این نمک را مشخص و میزان انحلال آن را در ۳۵ درجه به دست آوریم.

دماسنج، نمک کلرید پتاسیم،

بشر، همزن، ترازو و وسایل

دیگر را آماده کردیم و آزمایش

انحلال پذیری نمک کلرید

پتاسیم را انجام دادیم. اتفاقاً

با اختلافی بسیار جزئی که

ناشی از خطاهای آزمایشگاهی

و محاسباتی ما بود، به همان

عدهایی که معلم ریاضی مان

زنگ پیش گفته بود، رسیدیم

و جدولی به شکل زیر ترسیم

کردیم.

«معادله خط» درس ریاضی، و «انحلال پذیری نمک ها» درس علوم آن روزمان بود. یکی از مثال هایی که آقای ضریبی، معلم ریاضی مان، زنگ اول مطرح کرد، مسئله ای درباره معادله خط بود. آقای ضریبی چون می دانست که زنگ بعد علوم و آزمایشگاه داریم، از بچه ها خواست تا جواب این مسئله را به صورت تجربی و آزمایشگاهی با هدایت و راهنمایی آقای دقیق، معلم علوم مان، پیدا کنند.

مسئله ای که آقای ضریبی مطرح کرد این بود:

«اگر مقدار انحلال پذیری نمک کلرید پتاسیم (KCl) بر حسب گرم در

۱۰۰ گرم آب و در فشار یک اتمسفر محلول آبی، در دماهای ۰، ۱۰،

۲۰، ۳۰، ۴۰ و ۵۰ درجه، به ترتیب برابر باشد با:

۲۸/۲ گرم، ۳۱/۴ گرم، ۳۴/۶ گرم، ۳۷/۸ گرم، ۴۱ گرم و ۴۴/۲ گرم،

الگو و معادله خط انحلال پذیری نمک کلرید پتاسیم را مشخص کنید

و میزان انحلال پذیری این نمک را در آب در دمای ۳۵ درجه بر

حسب گرم معین کنید».

بعد از زنگ ریاضی و یک استراحت و تفریح کوتاه ۱۵ دقیقه ای به

آزمایشگاه رفتیم. مثل همیشه، کلاس علوم در آزمایشگاه تشکیل

می شد و مطابق معمول آقای دقیق قبل از ما در آزمایشگاه بود. بچه ها

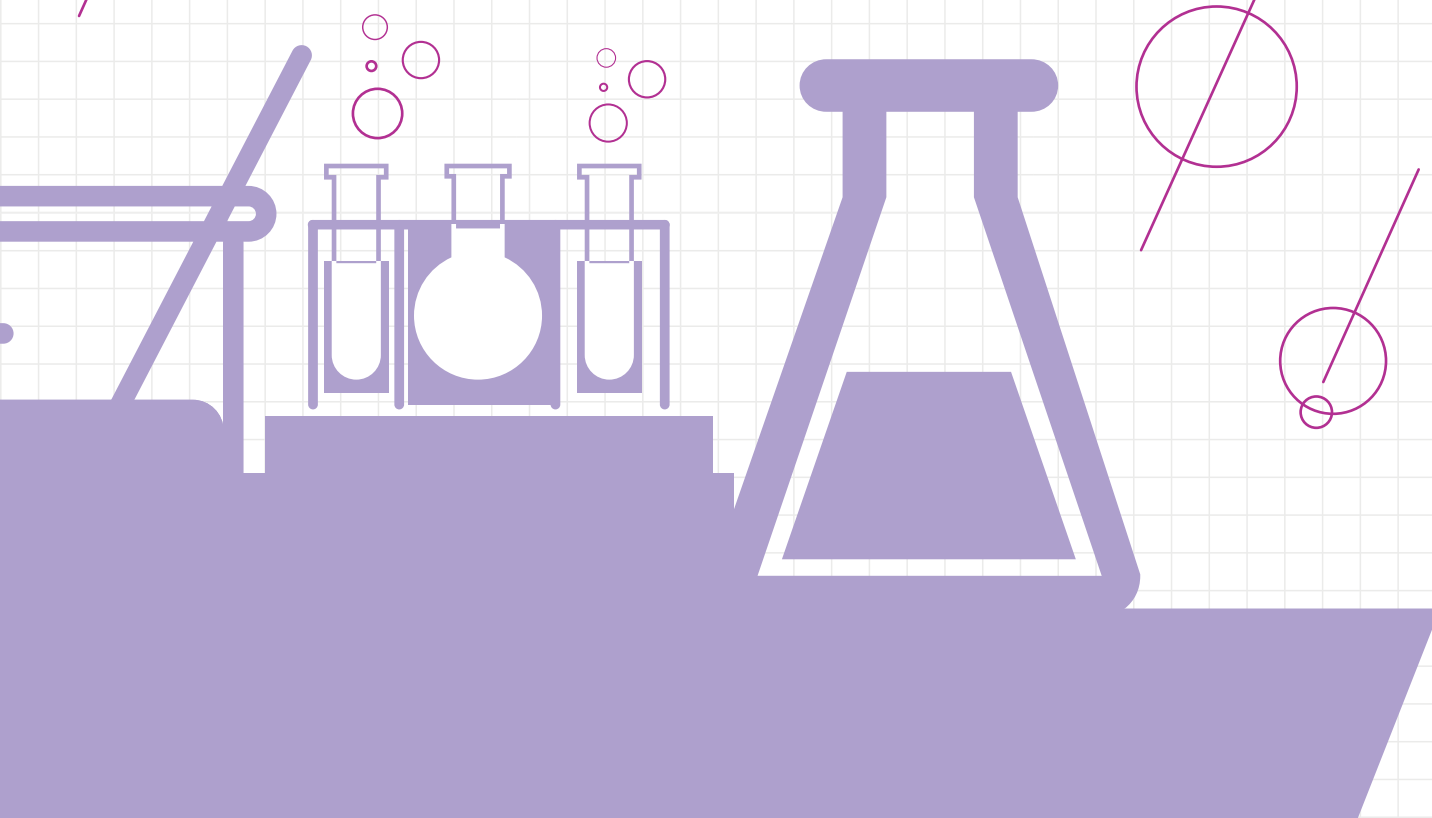
به آقای دقیق توضیح دادند که زنگ قبل ریاضی داشتیم و موضوع درس

معادله خط بود. آقای ضریبی مسئله ای را درباره انحلال پذیری مطرح

کرد و از بچه ها خواست امروز در آزمایشگاه با بررسی انحلال پذیری

نمک کلرید پتاسیم به کمک شما، پاسخی تجربی و عملی برای این

مسئله پیدا کنیم.



دما (سلسیوس)	۰	۱۰	۲۰	۳۰	۴۰	۵۰	۶۰	۷۰	۸۰
انحلال پذیری نمک کلرید پتاسیم	۲۸/۲	۳۱/۴	۳۴/۶	۳۷/۸	۴۱	۴۴/۲	۴۷/۴	۵۰/۶	۵۳/۸

این جدول را الگوسازی و معادله خط آن به صورت زیر

کردیم و معادله زیر را

به دست آوردیم. به این

صورت که دما را x و

انحلال پذیری را y فرض

کردیم.

همان طور که از جدول

پیداست، دما (x) ۱۰

درجه ۱۰ درجه بالا

رفته و انحلال پذیری (y)

به ازای هر ۱۰ درجه

افزایش دما، $۳/۲$ گرم

افزایش پیدا کرده است.

این یعنی الگوی افزایش

انحلال پذیری نمک کلرید

پتاسیم به ازای افزایش

دما الگویی کاملاً خطی

است و شیب یا ضریب

زاویه این خط برابر است

با فرض:

$$\frac{y_2 - y_1}{x_2 - x_1} = \frac{۳۱/۴ - ۲۸/۲}{۱۰ - ۰} = \frac{۳/۲}{۱۰} = ۰/۳۲$$

و بالاخره انحلال پذیری نمک

کلرید پتاسیم در دمای ۳۵

درجه به آسانی و با قرار دادن

۳۵ به جای x به دست می آید:

$$y = ۰/۳۲x + ۲۸/۲ = ۳۹/۴$$

انحلال پذیری نمک کلرید

پتاسیم در دمای ۳۵ درجه

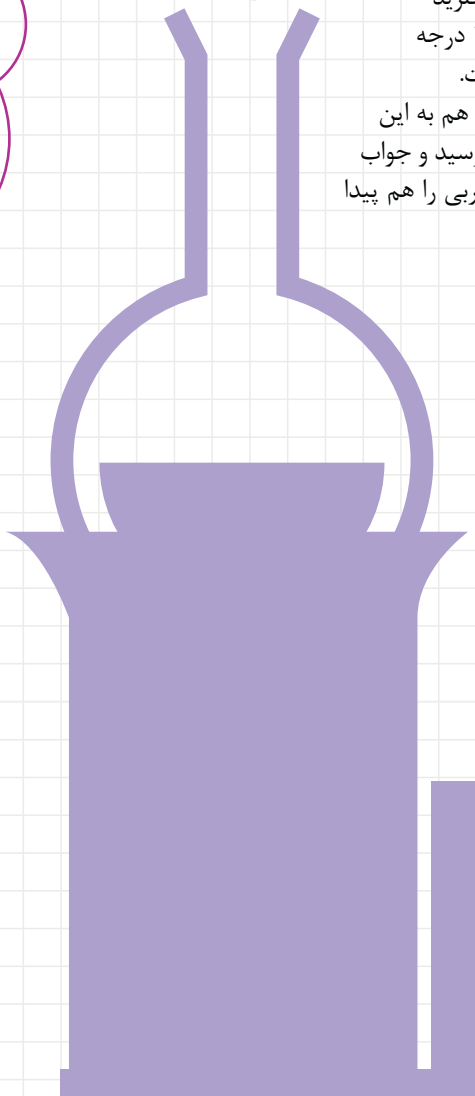
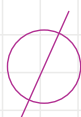
برابر با $۳۹/۴$ گرم است.

بله آزمایش آن روز هم به این

شکل به پایان رسید و جواب

مسئله آقای ضریبی را هم پیدا

کردیم.





آهن‌ریاضیات

لایه لایه

ریاضیات و مشاغل

جعفر اسدی گرمارودی

پدرم
آهنگر است. من همیشه
دوست داشتم بینم پدرم چگونه
از ریاضیات در کارهای آهنگری استفاده
می‌کند. پدرم چند سالی است که به دلیل سن
بالا، کمتر آهنگری می‌کند، اما چند روز پیش
دیدم که مشغول آماده‌سازی یک چارچوب پنجره با
میله‌های محافظش است. فرصت را غنیمت شمردم
و از ابتدا تا انتهای کار را دنبال کردم. مراحل آماده
شدن کار را با عکس‌های زیر دنبال کنید تا
در هر مرحله ببینید از چه ریاضیاتی
استفاده می‌شود.

بریدن طول و عرض پنجره

۱



- قبل از بریدن طول و عرض پنجره، مسلماً طراحی هندسی کار انجام شده است.
- استفاده از ابزار برای اندازه‌گیری
- شناخت واحدهای اندازه‌گیری متر و سانتی‌متر

ایجاد چارچوب اولیه (مستطیل)

۲



- استفاده از گونیا
- شناخت خطوط موازی
- فاصله خطوط موازی

۳



ایجاد میله‌های عمودی محافظ

- استفاده از گونیا
- محاسبه فاصله مساوی مابین میله‌ها

بررسی گونیا بودن

۴



- بررسی مستطیل بدون شکل
- بررسی گونیا بودن توجه مرا بیشتر از سایر مراحل به خود جلب کرد.

ایجاد میله‌های افقی محافظ

۵



- استفاده از گونیا
- محاسبه فاصله مساوی مابین میله‌ها

بررسی گونیا بودن

۶



- بررسی مستطیل بدون شکل

آماده شدن چارچوب

۷



بعد از هر فعالیتی این کار توسط پدرم انجام می‌شد. از او پرسیدم: «برای چی قطر‌ها را اندازه می‌گیرید؟» پاسخ داد: «برای گونیا بودن و برای اینکه ظرافت کار از بین نرود». سپس گونیا را در گوشه‌های مستطیل قرار داد تا به من نشان دهد زاویه 90° تشکیل شده است.

دوباره

پرسیدم: «برای چی در چندین مرحله این کار را انجام می‌دهید؟» پاسخ داد: «چون در فعالیت‌های هر مرحله امکان دارد این گونیا بودن از بین برود (چکش زدن، برش زدن، جوش دادن و...)». وقتی او قطرهای مستطیل را اندازه می‌گرفت، در اصل داشت از یکی از ویژگی‌های مخصوص به مستطیل استفاده می‌کرد؛ یعنی برابری قطر‌ها.

۸





• نویسنده: حسام سبحانی طهرانی
• تصویرگر: سام سلماسی

نبرد در میدان اعداد



پس از گشت‌وگذار در غرب و شرق و شمال و جنوب، در این شماره سراغ ایران و همسایه‌های قدیمش می‌رویم.



عده‌ای گمان می‌زنند که اتفاقاً داعشی‌ها به دلیل علاقه بسیار به همین شمارش است که دست از سر این منطقه برنمی‌دارند.



قطعاً با مطالعه مجله برهان دست‌کم می‌فهمیدند که بابلی‌ها از دستگاه شمارش شصت‌شصتی استفاده می‌کردند. یکی از نکات جالب عددنویسی بابلی‌ها، نوشتن همه عددها تنها با استفاده از دو نماد 'و' و 'ل' بود.

هنوز هم در برخی موارد همچون اندازه‌گیری زمان و همین‌طور زاویه، از دستگاه شمارش شصت‌شصتی بابلی‌ها استفاده می‌شود.



۱ ۱۰	۲ ۱۱	۳ ۱۲	۴ ۱۳	۵ ۱۴	۶ ۱۵	۷ ۱۶	۸ ۱۷	۹ ۱۸	۱۰ ۱۹	۱۱ ۲۰
۱۲ ۲۱	۱۳ ۲۲	۱۴ ۲۳	۱۵ ۲۴	۱۶ ۲۵	۱۷ ۲۶	۱۸ ۲۷	۱۹ ۲۸	۲۰ ۲۹	۲۱ ۳۰	۲۲ ۳۱
۲۳ ۳۲	۲۴ ۳۳	۲۵ ۳۴	۲۶ ۳۵	۲۷ ۳۶	۲۸ ۳۷	۲۹ ۳۸	۳۰ ۳۹	۳۱ ۴۰	۳۲ ۴۱	۳۳ ۴۲
۳۴ ۴۳	۳۵ ۴۴	۳۶ ۴۵	۳۷ ۴۶	۳۸ ۴۷	۳۹ ۴۸	۴۰ ۴۹	۴۱ ۵۰	۴۲ ۵۱	۴۳ ۵۲	۴۴ ۵۳
۴۵ ۶۲	۴۶ ۶۳	۴۷ ۶۴	۴۸ ۶۵	۴۹ ۶۶	۵۰ ۶۷	۵۱ ۶۸	۵۲ ۶۹	۵۳ ۷۰	۵۴ ۷۱	۵۵ ۷۲
۵۶ ۸۱	۵۷ ۸۲	۵۸ ۸۳	۵۹ ۸۴	۶۰ ۸۵	۶۱ ۸۶	۶۲ ۸۷	۶۳ ۸۸	۶۴ ۸۹	۶۵ ۹۰	۶۶ ۹۱
۶۷ ۹۲	۶۸ ۹۳	۶۹ ۹۴	۷۰ ۹۵	۷۱ ۹۶	۷۲ ۹۷	۷۳ ۹۸	۷۴ ۹۹	۷۵ ۱۰۰	۷۶ ۱۰۱	۷۷ ۱۰۲
۷۸ ۱۱۱	۷۹ ۱۱۲	۸۰ ۱۱۳	۸۱ ۱۱۴	۸۲ ۱۱۵	۸۳ ۱۱۶	۸۴ ۱۱۷	۸۵ ۱۱۸	۸۶ ۱۱۹	۸۷ ۱۲۰	۸۸ ۱۲۱
۸۹ ۱۳۱	۹۰ ۱۳۲	۹۱ ۱۳۳	۹۲ ۱۳۴	۹۳ ۱۳۵	۹۴ ۱۳۶	۹۵ ۱۳۷	۹۶ ۱۳۸	۹۷ ۱۳۹	۹۸ ۱۴۰	۹۹ ۱۴۱
۱۰۰ ۱۵۱	۱۰۱ ۱۵۲	۱۰۲ ۱۵۳	۱۰۳ ۱۵۴	۱۰۴ ۱۵۵	۱۰۵ ۱۵۶	۱۰۶ ۱۵۷	۱۰۷ ۱۵۸	۱۰۸ ۱۵۹	۱۰۹ ۱۶۰	۱۱۰ ۱۶۱
۱۱۱ ۱۷۱	۱۱۲ ۱۷۲	۱۱۳ ۱۷۳	۱۱۴ ۱۷۴	۱۱۵ ۱۷۵	۱۱۶ ۱۷۶	۱۱۷ ۱۷۷	۱۱۸ ۱۷۸	۱۱۹ ۱۷۹	۱۲۰ ۱۸۰	۱۲۱ ۱۸۱
۱۲۱ ۱۹۱	۱۲۲ ۱۹۲	۱۲۳ ۱۹۳	۱۲۴ ۱۹۴	۱۲۵ ۱۹۵	۱۲۶ ۱۹۶	۱۲۷ ۱۹۷	۱۲۸ ۱۹۸	۱۲۹ ۱۹۹	۱۳۰ ۲۰۰	۱۳۱ ۲۰۱
۱۳۱ ۲۱۱	۱۳۲ ۲۱۲	۱۳۳ ۲۱۳	۱۳۴ ۲۱۴	۱۳۵ ۲۱۵	۱۳۶ ۲۱۶	۱۳۷ ۲۱۷	۱۳۸ ۲۱۸	۱۳۹ ۲۱۹	۱۴۰ ۲۲۰	۱۴۱ ۲۲۱
۱۴۱ ۲۳۱	۱۴۲ ۲۳۲	۱۴۳ ۲۳۳	۱۴۴ ۲۳۴	۱۴۵ ۲۳۵	۱۴۶ ۲۳۶	۱۴۷ ۲۳۷	۱۴۸ ۲۳۸	۱۴۹ ۲۳۹	۱۵۰ ۲۴۰	۱۵۱ ۲۴۱
۱۵۱ ۲۵۱	۱۵۲ ۲۵۲	۱۵۳ ۲۵۳	۱۵۴ ۲۵۴	۱۵۵ ۲۵۵	۱۵۶ ۲۵۶	۱۵۷ ۲۵۷	۱۵۸ ۲۵۸	۱۵۹ ۲۵۹	۱۶۰ ۲۶۰	۱۶۱ ۲۶۱
۱۶۱ ۲۷۱	۱۶۲ ۲۷۲	۱۶۳ ۲۷۳	۱۶۴ ۲۷۴	۱۶۵ ۲۷۵	۱۶۶ ۲۷۶	۱۶۷ ۲۷۷	۱۶۸ ۲۷۸	۱۶۹ ۲۷۹	۱۷۰ ۲۸۰	۱۷۱ ۲۸۱
۱۷۱ ۲۹۱	۱۷۲ ۲۹۲	۱۷۳ ۲۹۳	۱۷۴ ۲۹۴	۱۷۵ ۲۹۵	۱۷۶ ۲۹۶	۱۷۷ ۲۹۷	۱۷۸ ۲۹۸	۱۷۹ ۲۹۹	۱۸۰ ۳۰۰	۱۸۱ ۳۰۱
۱۸۱ ۳۱۱	۱۸۲ ۳۱۲	۱۸۳ ۳۱۳	۱۸۴ ۳۱۴	۱۸۵ ۳۱۵	۱۸۶ ۳۱۶	۱۸۷ ۳۱۷	۱۸۸ ۳۱۸	۱۸۹ ۳۱۹	۱۹۰ ۳۲۰	۱۹۱ ۳۲۱
۱۹۱ ۳۳۱	۱۹۲ ۳۳۲	۱۹۳ ۳۳۳	۱۹۴ ۳۳۴	۱۹۵ ۳۳۵	۱۹۶ ۳۳۶	۱۹۷ ۳۳۷	۱۹۸ ۳۳۸	۱۹۹ ۳۳۹	۲۰۰ ۳۴۰	۲۰۱ ۳۴۱
۲۰۱ ۳۵۱	۲۰۲ ۳۵۲	۲۰۳ ۳۵۳	۲۰۴ ۳۵۴	۲۰۵ ۳۵۵	۲۰۶ ۳۵۶	۲۰۷ ۳۵۷	۲۰۸ ۳۵۸	۲۰۹ ۳۵۹	۲۱۰ ۳۶۰	۲۱۱ ۳۶۱
۲۱۱ ۳۷۱	۲۱۲ ۳۷۲	۲۱۳ ۳۷۳	۲۱۴ ۳۷۴	۲۱۵ ۳۷۵	۲۱۶ ۳۷۶	۲۱۷ ۳۷۷	۲۱۸ ۳۷۸	۲۱۹ ۳۷۹	۲۲۰ ۳۸۰	۲۲۱ ۳۸۱
۲۲۱ ۳۹۱	۲۲۲ ۳۹۲	۲۲۳ ۳۹۳	۲۲۴ ۳۹۴	۲۲۵ ۳۹۵	۲۲۶ ۳۹۶	۲۲۷ ۳۹۷	۲۲۸ ۳۹۸	۲۲۹ ۳۹۹	۲۳۰ ۴۰۰	۲۳۱ ۴۰۱
۲۳۱ ۴۱۱	۲۳۲ ۴۱۲	۲۳۳ ۴۱۳	۲۳۴ ۴۱۴	۲۳۵ ۴۱۵	۲۳۶ ۴۱۶	۲۳۷ ۴۱۷	۲۳۸ ۴۱۸	۲۳۹ ۴۱۹	۲۴۰ ۴۲۰	۲۴۱ ۴۲۱
۲۴۱ ۴۳۱	۲۴۲ ۴۳۲	۲۴۳ ۴۳۳	۲۴۴ ۴۳۴	۲۴۵ ۴۳۵	۲۴۶ ۴۳۶	۲۴۷ ۴۳۷	۲۴۸ ۴۳۸	۲۴۹ ۴۳۹	۲۵۰ ۴۴۰	۲۵۱ ۴۴۱
۲۵۱ ۴۵۱	۲۵۲ ۴۵۲	۲۵۳ ۴۵۳	۲۵۴ ۴۵۴	۲۵۵ ۴۵۵	۲۵۶ ۴۵۶	۲۵۷ ۴۵۷	۲۵۸ ۴۵۸	۲۵۹ ۴۵۹	۲۶۰ ۴۶۰	۲۶۱ ۴۶۱
۲۶۱ ۴۷۱	۲۶۲ ۴۷۲	۲۶۳ ۴۷۳	۲۶۴ ۴۷۴	۲۶۵ ۴۷۵	۲۶۶ ۴۷۶	۲۶۷ ۴۷۷	۲۶۸ ۴۷۸	۲۶۹ ۴۷۹	۲۷۰ ۴۸۰	۲۷۱ ۴۸۱
۲۷۱ ۴۹۱	۲۷۲ ۴۹۲	۲۷۳ ۴۹۳	۲۷۴ ۴۹۴	۲۷۵ ۴۹۵	۲۷۶ ۴۹۶	۲۷۷ ۴۹۷	۲۷۸ ۴۹۸	۲۷۹ ۴۹۹	۲۸۰ ۵۰۰	۲۸۱ ۵۰۱
۲۸۱ ۵۱۱	۲۸۲ ۵۱۲	۲۸۳ ۵۱۳	۲۸۴ ۵۱۴	۲۸۵ ۵۱۵	۲۸۶ ۵۱۶	۲۸۷ ۵۱۷	۲۸۸ ۵۱۸	۲۸۹ ۵۱۹	۲۹۰ ۵۲۰	۲۹۱ ۵۲۱
۲۹۱ ۵۳۱	۲۹۲ ۵۳۲	۲۹۳ ۵۳۳	۲۹۴ ۵۳۴	۲۹۵ ۵۳۵	۲۹۶ ۵۳۶	۲۹۷ ۵۳۷	۲۹۸ ۵۳۸	۲۹۹ ۵۳۹	۳۰۰ ۵۴۰	۳۰۱ ۵۴۱
۳۰۱ ۵۵۱	۳۰۲ ۵۵۲	۳۰۳ ۵۵۳	۳۰۴ ۵۵۴	۳۰۵ ۵۵۵	۳۰۶ ۵۵۶	۳۰۷ ۵۵۷	۳۰۸ ۵۵۸	۳۰۹ ۵۵۹	۳۱۰ ۵۶۰	۳۱۱ ۵۶۱
۳۱۱ ۵۷۱	۳۱۲ ۵۷۲	۳۱۳ ۵۷۳	۳۱۴ ۵۷۴	۳۱۵ ۵۷۵	۳۱۶ ۵۷۶	۳۱۷ ۵۷۷	۳۱۸ ۵۷۸	۳۱۹ ۵۷۹	۳۲۰ ۵۸۰	۳۲۱ ۵۸۱
۳۲۱ ۵۹۱	۳۲۲ ۵۹۲	۳۲۳ ۵۹۳	۳۲۴ ۵۹۴	۳۲۵ ۵۹۵	۳۲۶ ۵۹۶	۳۲۷ ۵۹۷	۳۲۸ ۵۹۸	۳۲۹ ۵۹۹	۳۳۰ ۶۰۰	۳۳۱ ۶۰۱
۳۳۱ ۶۱۱	۳۳۲ ۶۱۲	۳۳۳ ۶۱۳	۳۳۴ ۶۱۴	۳۳۵ ۶۱۵	۳۳۶ ۶۱۶	۳۳۷ ۶۱۷	۳۳۸ ۶۱۸	۳۳۹ ۶۱۹	۳۴۰ ۶۲۰	۳۴۱ ۶۲۱
۳۴۱ ۶۳۱	۳۴۲ ۶۳۲	۳۴۳ ۶۳۳	۳۴۴ ۶۳۴	۳۴۵ ۶۳۵	۳۴۶ ۶۳۶	۳۴۷ ۶۳۷	۳۴۸ ۶۳۸	۳۴۹ ۶۳۹	۳۵۰ ۶۴۰	۳۵۱ ۶۴۱
۳۵۱ ۶۵۱	۳۵۲ ۶۵۲	۳۵۳ ۶۵۳	۳۵۴ ۶۵۴	۳۵۵ ۶۵۵	۳۵۶ ۶۵۶	۳۵۷ ۶۵۷	۳۵۸ ۶۵۸	۳۵۹ ۶۵۹	۳۶۰ ۶۶۰	۳۶۱ ۶۶۱
۳۶۱ ۶۷۱	۳۶۲ ۶۷۲	۳۶۳ ۶۷۳	۳۶۴ ۶۷۴	۳۶۵ ۶۷۵	۳۶۶ ۶۷۶	۳۶۷ ۶۷۷	۳۶۸ ۶۷۸	۳۶۹ ۶۷۹	۳۷۰ ۶۸۰	۳۷۱ ۶۸۱
۳۷۱ ۶۹۱	۳۷۲ ۶۹۲	۳۷۳ ۶۹۳	۳۷۴ ۶۹۴	۳۷۵ ۶۹۵	۳۷۶ ۶۹۶	۳۷۷ ۶۹۷	۳۷۸ ۶۹۸	۳۷۹ ۶۹۹	۳۸۰ ۷۰۰	۳۸۱ ۷۰۱
۳۸۱ ۷۱۱	۳۸۲ ۷۱۲	۳۸۳ ۷۱۳	۳۸۴ ۷۱۴	۳۸۵ ۷۱۵	۳۸۶ ۷۱۶	۳۸۷ ۷۱۷	۳۸۸ ۷۱۸	۳۸۹ ۷۱۹	۳۹۰ ۷۲۰	۳۹۱ ۷۲۱
۳۹۱ ۷۳۱	۳۹۲ ۷۳۲	۳۹۳ ۷۳۳	۳۹۴ ۷۳۴	۳۹۵ ۷۳۵	۳۹۶ ۷۳۶	۳۹۷ ۷۳۷	۳۹۸ ۷۳۸	۳۹۹ ۷۳۹	۴۰۰ ۷۴۰	۴۰۱ ۷۴۱
۴۰۱ ۷۵۱	۴۰۲ ۷۵۲	۴۰۳ ۷۵۳	۴۰۴ ۷۵۴	۴۰۵ ۷۵۵	۴۰۶ ۷۵۶	۴۰۷ ۷۵۷	۴۰۸ ۷۵۸	۴۰۹ ۷۵۹	۴۱۰ ۷۶۰	۴۱۱ ۷۶۱
۴۱۱ ۷۷۱	۴۱۲ ۷۷۲	۴۱۳ ۷۷۳	۴۱۴ ۷۷۴	۴۱۵ ۷۷۵	۴۱۶ ۷۷۶	۴۱۷ ۷۷۷	۴۱۸ ۷۷۸	۴۱۹ ۷۷۹	۴۲۰ ۷۸۰	۴۲۱ ۷۸۱
۴۲۱ ۷۹۱	۴۲۲ ۷۹۲	۴۲۳ ۷۹۳	۴۲۴ ۷۹۴	۴۲۵ ۷۹۵	۴۲۶ ۷۹۶	۴۲۷ ۷۹۷	۴۲۸ ۷۹۸	۴۲۹ ۷۹۹	۴۳۰ ۸۰۰	۴۳۱ ۸۰۱
۴۳۱ ۸۱۱	۴۳۲ ۸۱۲	۴۳۳ ۸۱۳	۴۳۴ ۸۱۴	۴۳۵ ۸۱۵	۴۳۶ ۸۱۶	۴۳۷ ۸۱۷	۴۳۸ ۸۱۸	۴۳۹ ۸۱۹	۴۴۰ ۸۲۰	۴۴۱ ۸۲۱
۴۴۱ ۸۳۱	۴۴۲ ۸۳۲	۴۴۳ ۸۳۳	۴۴۴ ۸۳۴	۴۴۵ ۸۳۵	۴۴۶ ۸۳۶	۴۴۷ ۸۳۷	۴۴۸ ۸۳۸	۴۴۹ ۸۳۹	۴۵۰ ۸۴۰	۴۵۱ ۸۴۱
۴۵۱ ۸۵۱	۴۵۲ ۸۵۲	۴۵۳ ۸۵۳	۴۵۴ ۸۵۴	۴۵۵ ۸۵۵	۴۵۶ ۸۵۶	۴۵۷ ۸۵۷	۴۵۸ ۸۵۸	۴۵۹ ۸۵۹	۴۶۰ ۸۶۰	۴۶۱ ۸۶۱
۴۶۱ ۸۷۱	۴۶۲ ۸۷۲	۴۶۳ ۸۷۳	۴۶۴ ۸۷۴	۴۶۵ ۸۷۵	۴۶۶ ۸۷۶	۴۶۷ ۸۷۷	۴۶۸ ۸۷۸	۴۶۹ ۸۷۹	۴۷۰ ۸۸۰	۴۷۱ ۸۸۱
۴۷۱ ۸۹۱	۴۷۲ ۸۹۲	۴۷۳ ۸۹۳	۴۷۴ ۸۹۴	۴۷۵ ۸۹۵	۴۷۶ ۸۹۶	۴۷۷ ۸۹۷	۴۷۸ ۸۹۸	۴۷۹ ۸۹۹	۴۸۰ ۹۰۰	۴۸۱ ۹۰۱
۴۸۱ ۹۱۱	۴۸۲ ۹۱۲	۴۸۳ ۹۱۳	۴۸۴ ۹۱۴	۴۸۵ ۹۱۵	۴۸۶ ۹۱۶	۴۸۷ ۹۱۷	۴۸۸ ۹۱۸	۴۸۹ ۹۱۹	۴۹۰ ۹۲۰	۴۹۱ ۹۲۱
۴۹۱ ۹۳۱	۴۹۲ ۹۳۲	۴۹۳ ۹۳۳	۴۹۴ ۹۳۴	۴۹۵ ۹۳۵	۴۹۶ ۹۳۶	۴۹۷ ۹۳۷	۴۹۸ ۹۳۸	۴۹۹ ۹۳۹	۵۰۰ ۹۴۰	۵۰۱ ۹۴۱
۵۰۱ ۹۵۱	۵۰۲ ۹۵۲	۵۰۳ ۹۵۳	۵۰۴ ۹۵۴	۵۰۵ ۹۵۵	۵۰۶ ۹۵۶	۵۰۷ ۹۵۷	۵۰۸ ۹۵۸	۵۰۹ ۹۵۹	۵۱۰ ۹۶۰	۵۱۱ ۹۶۱
۵۱۱ ۹۷۱	۵۱۲ ۹۷۲	۵۱۳ ۹۷۳	۵۱۴ ۹۷۴	۵۱۵ ۹۷۵	۵۱۶ ۹۷۶	۵۱۷ ۹۷۷	۵۱۸ ۹۷۸	۵۱۹ ۹۷۹	۵۲۰ ۹۸۰	۵۲۱ ۹۸۱
۵۲۱ ۹۹۱	۵۲۲ ۹۹۲	۵۲۳ ۹۹۳	۵۲۴ ۹۹۴	۵۲۵ ۹۹۵	۵۲۶ ۹۹۶	۵۲۷ ۹۹۷	۵۲۸ ۹۹۸	۵۲۹ ۹۹۹	۵۳۰ ۱۰۰۰	۵۳۱ ۱۰۰۱





شیوه خوانش امروزی اعداد فارسی برگرفته از زبان پهلوی است، اما شیوه نگارش آن خیلی‌یی تغییر کرده.

۱	اَرَک	۱۱	اَرَک اَیچَه	۲۱	وَسْت اَرَک
۲	دَو	۱۲	دَو اَیچَه	۲۲	وَسْت اَرَک دَو
۳	سَه	۱۳	سَه اَیچَه	۲۳	وَسْت اَرَک سَه
۴	چَهار	۱۴	چَهار اَیچَه	۲۴	وَسْت اَرَک چَهار
۵	پَنج	۱۵	پَنج اَیچَه	۲۵	وَسْت اَرَک پَنج
۶	شَش	۱۶	شَش اَیچَه	۲۶	وَسْت اَرَک شَش
۷	هَفت	۱۷	هَفت اَیچَه	۲۷	وَسْت اَرَک هَفت
۸	هَشْت	۱۸	هَشْت اَیچَه	۲۸	وَسْت اَرَک هَشْت
۹	نَو	۱۹	نَو اَیچَه	۲۹	وَسْت اَرَک نَو
۱۰	دَه	۲۰	دَه اَیچَه	۳۰	وَسْت اَرَک دَه



در آن زمان ۱۰۰ را به صورت ۱۰۰ می نوشتند و ۱۰۰۰ را به صورت ۱۰۰۰ ساختن ۲۰۰، ۳۰۰ و و همینطور ۲۰۰۰ و ۳۰۰۰ و ... از ترکیب ۲ و ۳ و ... با این نمادها استفاده می کردند

۳۰	سی	۱۰ + ۲۰
۵۰	پنج	۱۰ + ۴۰
۷۰	هفت	۱۰ + ۶۰
۹۰	نُه	۱۰ + ۸۰

۴۰۰	چهار ست	۱۰۰ + ۳۰۰
۵۰۰	پنج ست	۱۰۰ + ۴۰۰
۲۰۰۰	دو هزار	۱۰۰ + ۱۹۰۰
۳۰۰۰	سه هزار	۱۰۰ + ۲۹۰۰

جالب آنکه برای ساختن ۳۰ و ۵۰ و ۷۰ و ۹۰ به ترتیب از ۲۰ و ۴۰ و ۶۰ و ۸۰ کمک می گرفتند.

استاد! هُو خَشْتَرِه
نیرنگ نموده. بنگرید
برگه اش را!!

در ایران باستان حتی برای کسرها هم نماد داشتند. که به صورت ۲ بین دو عدد می نوشتند. مثلاً ۲/۳ را دو اوک می خواندند که به معنی یک دوم است. (جای مخرج و صورت برعکس امروز بوده).

گردایش دُو اوک و چیهار اوک
و هشت دُو چند گردد؟

گمان می شود تا مدتی ایرانیان در بسیاری امور مجبور بودند از عددنویسی عربی که به وسیله حروف ایجاد بود، استفاده کنند. البته این شیوه از عددنویسی ابتدا در زبان آرامی استفاده می شد.



در این شیوه، هر یک از حروف به یکی از اعداد اشاره داشتند و با ترکیب آن ها اعداد جدید ساخته می شدند.

فرمانده، هزاران اینجااست!

آتشش بزن

گمان می رود که حتی «بی نهایت» را در ایران باستان (همچون مصر) به رسمیت نمی شناختند و به آن هزاران می گفتند، اما نمادی از آن باقی نمانده. به گمانم در حمله ...

ارزش	حرف	ارزش	حرف	ارزش	حرف	ارزش	حرف	ارزش	حرف	ارزش	حرف
۱	ا	۶	و	۲۰	ک	۷۰	ع	۳۰۰	ش	۸۰۰	ض
۲	ب	۷	ز	۳۰	ل	۸۰	ف	۴۰۰	ت	۹۰۰	ظ
۳	ج	۸	ح	۴۰	م	۹۰	ص	۵۰۰	ث	۱۰۰۰	ع
۴	د	۹	ط	۵۰	ن	۱۰۰	ق	۶۰۰	خ		
۵	ه	۱۰	ی	۶۰	س	۲۰۰	ر	۷۰۰	ذ		





البته در این میان، بعضی ها همچنان به
 صورت پنهانی عددنویسی به زبان پهلوی را
 آموزش می دادند.



تا اینکه یکی از همین شاگردان یواشکی
 بزرگ شد و برای جستجوی علم و به ویژه
 دنیای ریاضی و اعداد به هند سفر کرد.



این داستان ادامه دارد ...



یک مسئله و راهبردهای حل آن

هئله غلام و خرزیه

محمد رضا اسفندیاری

مسئله: بازرگانی یک درهم به غلامش داد و گفت برو به اندازه یک درهم خرزیه بخر و به باربر بده تا بیاورد. هزینۀ ۲۰ خرزیه یک درهم است و باربر ۶۰ خرزیه را با یک درهم به مقصد می‌رساند. غلام رفت خرزیه خرید و به همراه باربر آورد. غلام چند خرزیه آورده است؟

در بسیاری از راه‌حل‌هایی که خواهیم گفت، نیاز داریم هزینۀ خرید و حمل یک خرزیه را بدانیم:

$$\text{درهم} = \frac{1}{30} = \text{هزینه خرید یک خرزیه} \Rightarrow \text{هزینه خرید ۲۰ خرزیه یک درهم}$$

$$\text{درهم} = \frac{1}{60} = \text{هزینه حمل یک خرزیه} \Rightarrow \text{هزینه حمل ۶۰ خرزیه یک درهم}$$

$$\text{هزینه حمل توسط باربر} + \text{هزینه خرید} = \text{هزینه یک خرزیه}$$

راه اول

روش
حدس
و آزمایش

بررسی	جمع هزینۀ ها (هزینه کل) = هزینه حمل + هزینه خرید	هزینه حمل (درهم)	هزینه خرید (درهم)	تعداد خرزیه‌ها
زیاد	$\frac{4}{3}$	$\frac{1}{3}$	۱	۲۰
کم	$\frac{1}{3}$	$\frac{1}{12}$	$\frac{1}{4}$	۵
کم	$\frac{2}{3}$	$\frac{1}{6}$	$\frac{1}{2}$	۱۰
✓	۱	$\frac{1}{4}$	$\frac{3}{4}$	۱۵

روش نمادین (استفاده از معادله)

فرض کنید x تعداد خرزیه‌هایی باشد که غلام خریده است. طبق مفروضات مسئله داریم:

$$\frac{x}{20} + \frac{x}{60} = 1$$

$$\Rightarrow 3x + x = 60 \Rightarrow 4x = 60 \Rightarrow x = \frac{60}{4} = 15$$

راه دوم

روش بسته‌بندی

در این روش ۲۰ خرزیه را یک جعبه در نظر می‌گیریم، هزینۀ کل ۳ جعبه ۴ درهم است. زیرا هزینۀ خرید هر جعبه (معادل ۲۰ خرزیه) یک درهم و هزینۀ حمل ۳ جعبه (معادل ۶۰ خرزیه) یک درهم است. پس هزینۀ کل ۴ درهم می‌شود. ۴ درهم =  بنابراین: $\frac{3}{4} \times 20 = 15$

راه سوم

روش جبری و تناسب

$\frac{1}{30}$ درهم = هزینۀ خرید یک خرزیه و $\frac{1}{60}$ درهم = هزینۀ حمل یک خرزیه. بنابراین هزینۀ یک خرزیه برابر است با:

$$\text{درهم} = \frac{1}{30} + \frac{1}{60} = \frac{2}{60} = \frac{1}{30}$$

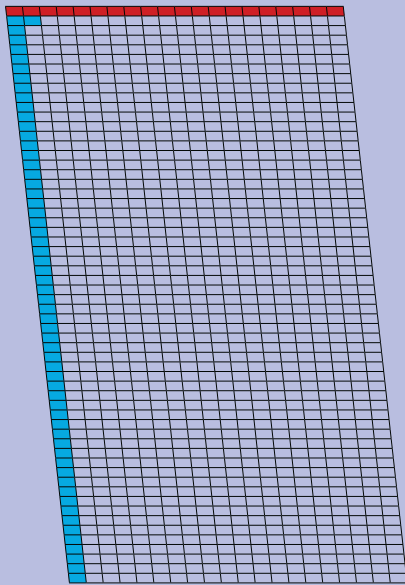
در نتیجه، هزینۀ خرید یک خرزیه معادل $\frac{1}{30}$ درهم است و یک درهم هزینۀ خرید ۳۰ خرزیه می‌شود. البته این روش را می‌توان با استفاده از جدول تناسب هم نمایش داد.

تعداد خرزیه‌ها	هزینه (درهم)
۱	$\frac{1}{30}$
x	۱

راه چهارم



روش رسم شکل شیوه اول



فرض کنید مستطیل ۲۰ در ۶۰ زیر معادل یک درهم است. طبق فرض هزینه خرید یک خربزه $\frac{1}{20}$ درهم است (رنگ قرمز) و هزینه حمل یک خربزه $\frac{1}{60}$ درهم است (رنگ آبی) - توجه کنید که یکی از ۶۰ خانه ستون آبی قبلاً به رنگ قرمز درآمد بود، پس مجبور شدیم یک خانه از ستون کناری را به جای آن آبی رنگ کنیم.)
 تعداد کل مربع‌های کوچک $60 \times 20 = 1200$ و هزینه خرید هر خربزه معادل ۸۰ خانه کوچک است. بنابراین تعداد خربزه‌هایی که می‌توان خرید برابر است با:

$$\frac{60 \times 20}{60 + 20} = 15 \text{ تعداد خربزه‌ها}$$

راه پنجم

شیوه دوم

برای راحتی رسم شکل می‌توان خربزه‌ها را به تعداد مقسوم‌علیه مشترک ۶۰ و ۲۰ بسته‌بندی کرد. برای مثال بسته‌های ۱۰ تایی را انتخاب می‌کنیم. مستطیل زیر را معادل یک درهم (کل پول) در نظر می‌گیریم:
 الف) هزینه خرید هر جعبه (معادل ۱۰ خربزه) یک دوم درهم است (رنگ سبز).

ب) هزینه حمل هر جعبه (معادل ۱۰ خربزه) یک ششم درهم است (رنگ قرمز).



بنابراین طبق شکل، هزینه هر جعبه $\frac{1}{6}$ یا $\frac{2}{3}$ درهم و هر درهم معادل سه دوم جعبه، یعنی ۱۵ خربزه است.

هزینه هر جعبه معادل ۸ مربع کوچک است. پس هر مربع کوچک یک هشتم هزینه جعبه است.

$$\text{درهم} = \frac{2}{3} = \text{درهم} \times \frac{8}{12} = \text{هزینه یک جعبه}$$

بنابراین:

$$15 = \frac{3}{2} \times 10 = \text{جعبه} = \frac{3}{2} = \text{یک درهم}$$

راه ششم

روش الگوسازی و رسم شکل



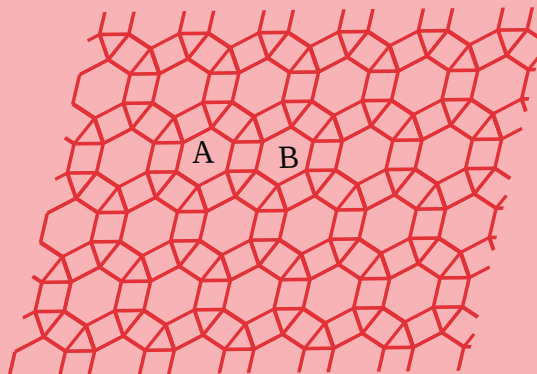
اگر ۶۰ خربزه بخريد و حمل کنید، ۴ درهم می‌شود (۳ درهم برای خرید و یک درهم برای حمل). یعنی هر خربزه‌ای که به‌دستتان می‌رسد، یک چهارم پرداختتان هزینه حمل و سه چهارم پرداختتان بهای خود خربزه است. در واقع از هر چهار خربزه یک خربزه به حساب هزینه حمل برداشته می‌شود. پس فرض می‌کنیم تمام پول خود (یعنی یک درهم) را بدهیم و ۲۰ خربزه بگیریم. حالا از هر چهار خربزه یک خربزه را به حساب هزینه حمل برمی‌داریم.
 بنابراین مطابق شکل روبه‌رو ۱۵ خربزه داریم.



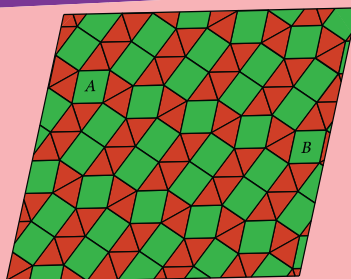
باهم مسئله حل کنیم

کیان کریمی خراسانی

در تصویر زیر یک کفش دوزک در خانه A قرار دارد و می خواهد خود را به خانه B برساند. او در هر حرکت می تواند از یک خانه به خانه ای برود که ضلع مشترک دارند. برای رسیدن به B باید مسیری انتخاب کند که کم ترین تعداد خانه ها را داشته باشد و از هر شکل (مثلث، مربع، شش ضلعی) لااقل یک بار عبور کرده باشد. این کفش دوزک به چند طریق می تواند از A به B برود؟



در تصویر زیر، یک مورچه در خانه A قرار دارد و می خواهد خود را به خانه B برساند. او در هر حرکت می تواند یا از یک مربع به یک مثلث برود که ضلع مشترک دارند، یا از یک مثلث به یک مربع برود. این مورچه به چند طریق می تواند از A به B برود؟





حقیقتی درباره مجذور اعداد

از میان نامه‌ها

من تلاش داشتم که مجذور عددها را بررسی کنم و حقایقی را کشف کنم. منظورم این نیست که آن را برای اولین بار به دست آورم، ممکن است که خیلی این رابطه‌ها را پیدا کرده باشند. منظورم این است که خودم به آن برسم، که این کار همان لذتی را داشت که اولین نفر آن را برده بود. آنچه را که به دست آورده‌ام، ممکن است که جدید نباشد، اما برای من تجربیاتی را به همراه داشته است که می‌توانم از این تجربه برای مسائل پیچیده‌تر استفاده کنم و این برایم مهم است.

۱) اختلاف مجذور دو عدد طبیعی متوالی عددی فرد است:

$$(x+1)^2 - (x)^2 = x^2 + 2x + 1 - x^2 = (2x+1)$$

۲) اختلاف مجذور دو عدد طبیعی زوج متوالی عددی زوج است:

$$(2x+2)^2 - (2x)^2 = \cancel{4x^2} + 8x + 4 - \cancel{4x^2} = 8x + 4 = 2(4x+2) = 2c$$

۳) اختلاف مجذور دو عدد طبیعی فرد متوالی عددی زوج است:

$$(2x+1+2)^2 - (2x+1)^2 = \cancel{4x^2} + 12x + 9 - \cancel{4x^2} + 4x + 1 = 16x + 10 = 2(8x+5) = 2c$$

برهان:

دوستان، توجه کنید که سومین حقیقت را می‌توانستیم با در نظر گرفتن اینکه دو عدد فرد متوالی، یکی $2x-1$ و دیگری $2x+1$ است نیز به دست آوریم:

$$(2x+1)^2 - (2x-1)^2 = 4x^2 + 4x + 1 - (4x^2 - 4x + 1) = \cancel{4x^2} + 4x + 1 - \cancel{4x^2} + 4x - 1 = 8x = 2(4x) = 2c$$



اجرا وقتی بعد از حرف‌هایم، پدر و مادرم سر تکان می‌دادند، می‌فهمیدم که کارم



سید سورنا نجفی - سوم

را درست انجام داده‌ام. **مهدیار نوروزی** (دهم): ما روی اثبات‌های رابطه فیثاغورس کار کردیم و در طول کار، معلم‌مان (آقای امی) خیلی کمک‌مان کرد. هر منبعی که پیدا می‌کردیم، با آقای امی چک می‌کردیم که مطمئن شویم این منبع خوب است یا نه. گاهی اوقات بعد از کلاس‌ها ۲ یا ۳ ساعت در مدرسه می‌ماندیم. روزی که قرار بود فیلم‌برداری کنیم، دوربین نرسید. ناامید شدیم و فکر کردیم جمع کنیم و برویم اما خوشبختانه ادامه دادیم. **سورنا نجفی** (سوم): ما روی واحدهای



درس می‌دهم یاد می‌گیرم

گفت‌وگو با دانش‌آموزانی که معامی را تجربه کرده‌اند

● هوشمند حسن‌نیا ● عکاس: رضا بهرامی

محمدپارسا اشتری (هشتم): ما موضوع جبر را انتخاب کرده بودیم و برای تدریس‌مان فلش‌کارت درست کرده بودیم و در روز اجرا از آن‌ها هم کمک گرفتیم. در طول کار مادرم خیلی به ما کمک کرد. آخر مادرم معلم است. **سینا تربیت** (دهم): ما موضوعی

دانش‌آموزان مجموعه آموزشی **رشد** (منطقه ۱ تهران)، در اردیبهشت‌ماه سال ۹۶، معلم بودن را تجربه کردند. در این جشنواره که با نام **MAPS** برگزار شده بود حدود ۱۰۰ گروه دانش‌آموزی شرکت داشتند. به همین بهانه پای صحبت عده‌ای از این دانش‌آموزان نشستیم و از آن‌ها خواستیم تا از سختی‌ها و شیرینی‌های حضورشان در این جشنواره برایمان بگویند. در ابتدا بچه‌ها توضیح دادند که:

در گروه‌های ۲ یا ۳ نفره موضوعی برای کار انتخاب کردیم. مدتی همراه با معلم راهنما روی موضوع کار کردیم و بعد فیلمی از کار تهیه کردیم و برای دفتر جشنواره فرستادیم تا بعد از بررسی، نقدها و پیشنهادهای را بشنویم. در روز نهایی، هر گروه موضوعش را برای خانواده و دیگر دوستانش تدریس کرد.



نادر دبیس خسروی - پنجم



آرسام شعراعی راد - ششم

پول کار کردیم. برای این کار خودمان اسکناس درست کردیم. عروسک هم ساختیم و یک نمایش اجرا کردیم و در جریان نمایش، توانستیم تومان را آموزش دهیم. در تمام مدت خواهرم که کلاس هشتم است به من کمک می‌کرد. **امیرمحمد رئیسی** (سوم): ما جمع و منها به روش فرآیندی را تدریس کردیم. این موضوع را انتخاب کردیم چون فکر می‌کردیم خوب است که مادر و پدرها با روش‌های جدید ریاضی آشنا شوند. در زمان اجرا استرس داشتیم. کار سختی بود. اما هر بار به مادرم نگاه می‌کردم



سید محمد سپهر قالیچورانی - نهم

انتخاب کردیم که به درد بچه‌ها بخورد. قرار نبود این کار به درس‌مان لطمه بزند بنابراین برای ماندن در مدرسه باید حتما اجازه می‌گرفتیم. مقداری از کارها را در خانه انجام می‌دادیم و با ایمیل و تلگرام با هم در ارتباط بودیم. در روز



آرام می‌شدم. **مسیحا نجیایی** (ششم):
 ما روی تقارن کار کردیم. این موضوع

سینا تربیت - دهم را انتخاب کرده بودیم

چون فکر می‌کردیم
 برای همه جذاب
 است. در خانه
 گاهی به مشکل
 می‌خوردیم و
 سؤال می‌کردم.

پدر و مادر سعی
 می‌کردند به من کمک

کنند. **آرسام شعریادی** (ششم): ما

روی اعداد اعشاری و مرکب کار کردیم.

برای پیدا کردن اطلاعات، از اینترنت هم

کمک گرفتیم اما همیشه حواسمان بود

که منبع سایت‌ها را بررسی کنیم چون

قبلاً تجربه کرده بودیم که همه نوشته‌ها

در اینترنت درست نیستند. قبل از

این که اجرا کنیم، جلوی آینه تمرین

می‌کردم که بتوانیم خوب حرف‌هایمان را

بزنم. **محمد سپهر قالیشورانی** (نهم):

کار ما در مورد شکل‌های هندسی بود.

این موضوع را انتخاب کرده بودیم چون

فکر می‌کردیم برای آدم‌های بزرگسال

جذابیت بیشتری دارد و ضمناً خودمان

هم تسلط خوبی روی این موضوع

داشتیم. در مدتی که روی موضوع‌مان

کار می‌کردیم، خیلی از کسی کمک

نگرفتیم و تمام مسئولیت کار با خودمان

بود. **حنانه ابراهیمی** (چهارم): موضوع

ما جمع و تفریق اعداد چهار رقمی بود.

ما روی این موضوع مسلط نبودیم ولی

علاقه داشتیم که یاد بگیریم. کارمان را

به صورت یک نمایش اجرا کردیم. روز

اجرا یک‌بار به شک افتادیم که حرف‌مان

درست است یا نه. برای این

که معلوم نشود،

یک دفعه رو به

تماشاجی‌ها

کردیم و

گفتیم که

«نظر شما

در این مورد

چيست؟» تجربه

خوبی بود. احساس

می‌کنم بعد از این اجرا شجاع‌تر شده‌ام.



ناردیس خسروی (پنجم): ما روی دو

موضوع اعداد اعشاری و ضرب و تقسیم

کار کردیم. وقتی این موضوع‌ها را

انتخاب کردیم، نمی‌دانستیم که از پس

آن برمی‌آییم یا نه. گاهی در زنگ‌های

تفریح هم روی موضوع‌مان کار می‌کردیم.

در طول مدت کار گاهی با هم به مشکل

می‌خوردیم اما موضوع ریاضی هیچ کجا

ما را خسته نکرد.

تجربه کار گروهی چه طور بود؟

محمد پارسا: گروه باعث می‌شد که

کارهایمان تقسیم شود و این خیلی

خوب بود اما هماهنگ شدن با یک

نفر دیگر چندان هم آسان نبود. **سینا:**

در مجموع تجربه خیلی خوبی بود.

دوستی‌هایی ایجاد شد که تجربه خوبی

بود، مشاجره‌هایمان هم تجربه خوبی



بود. **امیر محمد:** راستش اصلاً ما اگر

گروه نبودیم، نمی‌توانستیم کارمان را به

این صورت اجرا کنیم. **محمد سپهر:** کار

گروهی خوبی‌های خودش را دارد اما،

من کار فردی را ترجیح می‌دهم چون

اختلاف نظری در کار فردی وجود ندارد.

ناردیس: یکی از خوبی‌های کار گروهی

این بود که بعضی وسیله‌ها را یکی‌مان در

خانه نداشت و دیگری داشت و این‌طوری

مشکل حل می‌شد. **حنانه:** کار گروهی به

نظرم خیلی خوب است. ما در گروه‌مان

هیچ مشکلی نداشتیم.

تجربه تدریس چه دست‌آوردهایی داشت؟

سینا: وقتی مجبور باشی خودت مطالب

را جمع‌آوری کنی، دیگر آن‌ها از یادت

نمی‌رود. **مه‌دی‌ار:** اثبات فیثاغورس خیلی

خوب در ذهن ما ماند. حتی امسال دیدیم

که بچه‌های کلاس هم که حرف‌های

ما را شنیده بودند، موضوع را کاملاً به

خاطر دارند. **ناردیس:** تجربه

معلمی، تجربه ویژه‌ای

بود. خیلی احساس

خوبی بود که می‌دیدم

من هم می‌توانم این

کار را بکنم. **حنانه:**

موضوعی را که باید کار

می‌کردیم خیلی خوب

فهمیدم ضمن این‌که معلم

بودن را تجربه کردم. **محمد سپهر:** این

که ما درس می‌دادیم انگار باعث می‌شد

که فرمول‌ها بیشتر در ذهن بچه‌ها

بماند. **آرسام:** برای کارمان چیزهایی

در اینترنت پیدا کردیم که اصلاً آن‌ها را

نمی‌دانستیم. **مسیحا:** فکر می‌کنم بچه‌ها

درسی را که دوستان‌شان می‌دهند، بهتر

درک می‌کنند. **امیر محمد:**

با این کار، اگر تا دو سال

آینده هیچ وقت جمع

و منهای نکنم، باز هم

جمع و منهای فرآیندی

را فراموش نمی‌کنم.

سورنا: بعد از تدریس

آن‌قدر خوب واحدهای پول

را یاد گرفتم که الان هر وقت با

خانواده بیرون می‌رویم، من قیمت‌ها را

حساب می‌کنم. **محمد پارسا:** قبلاً وقتی

n یا x می‌دیدم، وحشت می‌کردم ولی

الان مشکل به کلی رفع شده است. **آقای**

امی (معلم ریاضی دبیرستان نوبت اول):

این جشنواره برای معلم‌ها هم خوب بود.

وقتی بچه‌ها برای تدریس‌شان از ابزارهای

تکنولوژیک کمک می‌گیرند، معلم‌ها هم

کم‌کم گرایش پیدا می‌کنند که از این

امکانات جدید در کلاس‌های‌شان استفاده

کنند. **آقای ارشی** (مسئول جشنواره):

بعضی از کارهای بچه‌ها آن‌قدر خوب

بود که معلم‌ها از فیلم کارهای

آن‌ها در کلاس‌های‌شان

استفاده می‌کنند.

از خانم میرمحمدصادقی، مدیر

دبستان دخترانه و آقای ارشی،

عضو طرح و برنامه مجتمع رشد

که در این گفت‌وگو ما را همراهی

کردند، سپاسگزاریم.



امیر محمد ریشی - سوم



محمد پارسا اشری - هشتم



مسیحا نجایی - ششم



حنانه ابراهیمی - چهارم



مینی مینا

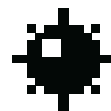
Android Games بازی‌های اندرویدی

✪ برای تشخیص اینکه در چه خانه‌هایی مین وجود دارد باید از عددهایی که بعد از انتخاب هر خانه جدول در آن خانه ظاهر می‌شوند کمک بگیرید. هر عدد تعداد بمب‌هایی را که در خانه‌های همسایه آن قرار دارد نشان می‌دهد.

✪ در این بازی در بعضی از خانه‌های جدول یک مین پنهان شده است. وظیفه شما این است که در کمترین زمان این خانه‌ها را با پرچم‌های قرمز مشخص کنید. برای گذاشتن یک پرچم، در یک خانه از جدول باید گزینه‌ای که در قسمت پایین و سمت چپ صفحه قرار دارد را لمس کنید و سپس خانه مورد نظر خودتان را انتخاب کنید.

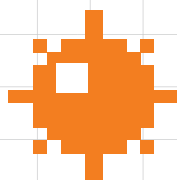
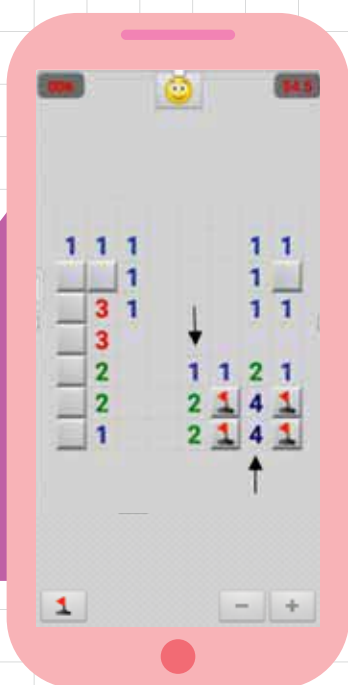
✪ در این بازی می‌توانید اندازه‌ی صفحه و تعداد بمب‌ها را هم خودتان مشخص کنید.

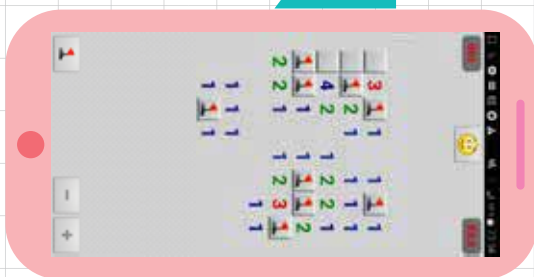
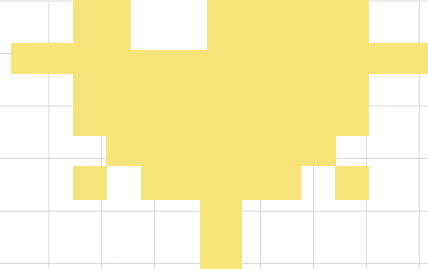
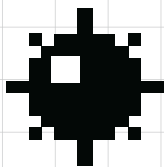
✪ بازی minesweeper یک بازی قدیمی است که روی همه ویندوزها وجود داشت. اما اکنون نسخه مخصوص اندروید آن نیز موجود است و شما می‌توانید روی گوشی یا تبلت این بازی را نصب کنید.



✪ شاید تشخیص دادن همسایه‌های یک خانه خاص احتیاج به کمی صبر و حوصله داشته باشد. برای مثال خانه‌ای که در وسط صفحه بازی قرار داشته باشد هشت همسایه دارد و یا در بازی زیر، خانه‌ای که با فلش مشخص شده و در آن عدد ۱ نوشته شده است، فقط یک خانه در همسایگی‌اش قرار دارد و خانه‌ای که در آن چهار نوشته شده است و با فلش به آن اشاره شده، دارای چهار همسایه است (و چون باید چهار مین هم در همسایگی‌اش باشد، پس در هر کدام از این خانه‌ها یک مین قرار دارد!)

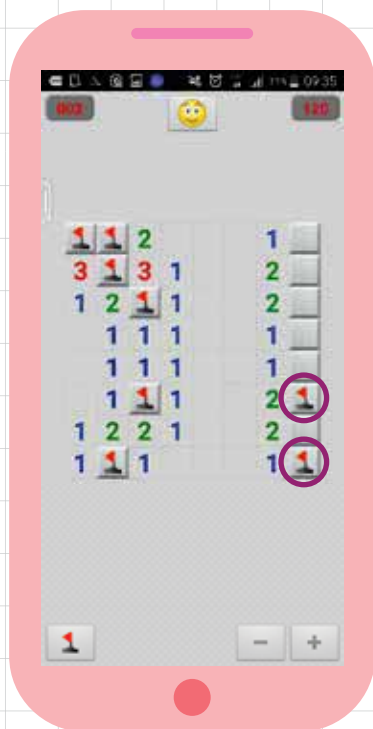
زهرا صباغی / کیمیا هاشمی



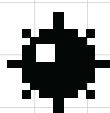
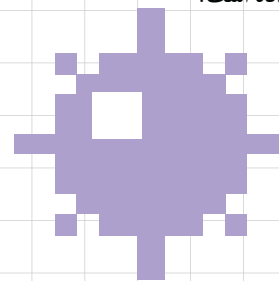
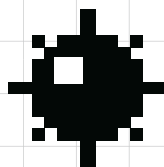


در بازی تصویر مقابل تنها یک مین کشف نشده
 باقی مانده است! آیا می‌توانید با اطمینان بگویید
 آن مین در کدام خانه قرار دارد؟

در بازی تصویر کنار، چهار مین باقی
 مانده‌اند که همه‌شان در ستون خانه‌های
 سمت راست قرار دارند. آیا بدون اینکه
 خوش‌شانس باشیم، می‌توانیم جای همه
 مین‌ها را معلوم کنیم؟ برای هر پرچمی که
 در صفحه می‌گذارید چه دلیلی دارید؟ فرض
 کنید مین‌های این ستون را پیدا کنیم و پرچم
 بزنیم و با عددی نوشته شده سازگار باشند.
 آیا ممکن است که واقعاً مین‌ها در جای
 دیگری باشند و درواقع مسئله جواب‌های
 مختلف داشته باشد؟



یک نفر برای پاسخ دادن به سؤال بالا، دو پرچم را به‌صورت
 مقابل در صفحه بازی قرار داده است. سعی کنید بقیه
 پرچم‌ها را طوری قرار دهید که این بازیکن برنده شود!
 دو پرچم باقی‌مانده (عدد ۲ در گوشه بالا، سمت چپ نشان
 می‌دهد که ۲ تا از مین‌ها هنوز مخفی‌اند) را در چه خانه‌هایی
 باید قرار داد؟ به نظرتان این بازیکن پرچم‌ها را در مکان
 درستی قرار داده است؟





پاسخ	رنگ ۴، رنگ ۳، رنگ ۲، رنگ ۱	حدس
● ○	● ● ● ●	۱
● ○ ○	● ● ● ●	۲

این بار با این بازی
نیمه‌کاره آغاز می‌کنیم.

یادآوری

پاسخ حدس نخست یک دایره سفید و یک دایره سیاه است. یعنی یکی از چهار رنگ حدس نخست در ترکیب اصلی هست و جای آن نیز درست است. همچنین یک رنگ دیگر حدس نخست در ترکیب اصلی هست، ولی جای آن درست نیست. پاسخ هر یک از حدس‌های دوم و سوم نیز یک دایره سیاه و دو دایره سفید است. یعنی در هر یک از این حدس‌ها، یکی از رنگ‌های حدس در ترکیب اصلی هست و در جای درست نیز نشسته است و دو تا از رنگ‌های این حدس در ترکیب اصلی هستند، ولی جای آن‌ها درست حدس زده نشده است.

پیشنهاد ۱. جای قرمز در ترکیب اصلی جایگاه دوم نیست. زیرا اگر واقعاً قرمز در جایگاه دوم باشد، آن‌گاه رنگ سبز نه در جایگاه نخست، نه در جایگاه سوم و نه در جایگاه چهارم، در هیچ یک جایی نخواهد داشت. **پیشنهاد ۲.** با برداشتن رنگ سبز از حدس نخست و جایگزینی رنگ زرد در حدس دوم، به تعداد رنگ‌های درست یکی اضافه شده است. پس قاعده‌تاً رنگ سبز نباید در ترکیب اصلی رنگ‌ها باشد و زرد باید در ترکیب اصلی رنگ‌ها باشد. **پیشنهاد ۳.** با برداشتن رنگ سبز از حدس نخست و جایگزینی رنگ زرد در حدس دوم به تعداد رنگ‌های درست یکی اضافه شده است. پس حتماً زرد باید در ترکیب اصلی رنگ‌ها باشد. **پیشنهاد ۴.** اگر جای قرمز در ترکیب اصلی جایگاه دوم نباشد، آن‌گاه یکی و تنها یکی از دو مورد زیر حتماً درست است: الف. زرد در جایگاه سوم است. ب. قهوه‌ای در جایگاه نخست است.

بررسی پیشنهاد ۱

ممکن است این پیشنهاد درست باشد یا درست نباشد، این پیشنهاد چنین استدلالی دارد: «اگر رنگ قرمز واقعاً در جایگاه دوم باشد، دایره سیاه پاسخ در حدس ۱ مربوط به همین رنگ قرمز خواهد بود و دایره سفید پاسخ در حدس ۱ نیز مربوط به رنگی است که در جای درست نشسته است. از آنجا که در حدس ۱ رنگ سبز هم در خانه ۱ و هم در خانه ۳ نشانده شده است، می‌فهمیم که رنگ سبز ترکیب اصلی در هیچ یک از این دو خانه (خانه نخست و خانه سوم) جای ندارد. از طرف دیگر، حدس ۲ نیز نتیجه مشابهی دارد. در این حدس هم رنگ سیاه پاسخ مربوط به رنگ قرمز است که در جایگاه دوم نشسته است. چون در پاسخ رنگ سیاه دیگری نیست، رنگ سبز حدس ۲ که در جایگاه چهارم نشسته است، نمی‌تواند جای درستی داشته باشد. پس رنگ سبز در جایگاه‌های ۱، ۳ و ۴ نمی‌تواند باشد. در جایگاه ۲ نیز نمی‌تواند باشد، زیرا آن را برای رنگ قرمز گرفتیم. پس هیچ جایی برای رنگ سبز باقی نمانده است.» استدلال بالا حضور رنگ سبز در ترکیب اصلی را حتمی و قطعی گرفته است و سپس شکایت می‌کند که اگر رنگ قرمز در ترکیب اصلی و در جایگاه دوم باشد، در این صورت هیچ جایی برای رنگ سبز باقی نخواهد ماند. اشتباه همین جاست. شاید واقعاً قرمز در ترکیب اصلی و در جای دوم است و رنگ سبز واقعاً در ترکیب اصلی جایی ندارد. از طرف دیگر، ممکن است که واقعاً رنگ سبز در ترکیب باشد که با این فرض استدلال یاد شده درست است و در این صورت رنگ قرمز در ترکیب نخواهد بود و جایگاه دوم ویژه رنگ سبز خواهد بود.

چند قلب فکر بیشتر

داود معصومی مهوار



بررسی پیشنهاد های ۲ و ۳

پیشنهاد ۳ درست است. زیرا در پاسخ حدس ۱ دو دایره سیاه و سفید داریم. پس بین رنگ های سبز، قرمز و قهوه ای دقیقاً دو رنگ از ترکیب اصلی هست. در حدس دوم به همین سه رنگ سبز، قرمز و قهوه ای، رنگ زرد را نیز اضافه کردیم و در پاسخ حدس، دو دایره سفید و یک دایره سیاه گرفته ایم. قطعاً یک دایره سفید و یک دایره سیاه مربوط به همان سه رنگ سبز، قرمز و قهوه ای است و دایره سفید جدید مربوط به رنگ اضافه شده، یعنی زرد است. اما پیشنهاد ۲ هم می تواند درست باشد و هم می تواند نادرست باشد. زیرا بی دلیل فرض کرده است که رنگ سبز در ترکیب اصلی نیست. وقتی در حدس ۱ سه رنگ به کار رفته است و در پاسخ تنها دو دایره سفید و سیاه گرفته ایم، روش درست این است که همه حالت ها را بررسی کنیم: الف / یک بار فرض کنیم رنگ سبز در ترکیب نیست. ب / یک بار فرض کنیم رنگ قرمز در ترکیب اصلی نیست. پ / یک بار فرض کنیم رنگ قهوه ای در ترکیب اصلی نیست.

بررسی پیشنهاد ۴

این پیشنهاد اصلاً مشخص و معین نیست. جمله «جای قرمز در ترکیب اصلی جایگاه دوم نباشد» یعنی چه؟ باید سه حالت را به طور جداگانه بررسی کرد: الف / رنگ قرمز اصلاً در ترکیب اصلی جایی ندارد. ب / رنگ قرمز در ترکیب اصلی هست و در جایگاه دوم نشسته است. پ / رنگ قرمز در ترکیب اصلی هست، ولی در جایگاه دوم نشسته است. بررسی حالت ب ساده است. از بررسی پیشنهاد ۱ پی بردیم که اگر قرمز در ترکیب اصلی و در جایگاه دوم نشسته باشد، آن گاه رنگ سبز اصلاً در ترکیب نخواهد بود. در نتیجه دایره سفیدی که در پاسخ حدس ۱ گرفته ایم، مربوط به رنگ قهوه ای است. یعنی قهوه ای در ترکیب هست، ولی در جایگاه چهارم نشسته است. از طرف دیگر، تنها دایره سیاه در پاسخ حدس ۲ کماکان مربوط به قرمز خواهد بود و پی می بریم که جای قهوه ای جایگاه نخست نیز نیست. جای دوم هم که مربوط به رنگ قرمز است. پس تنها جای شایسته برای رنگ قهوه ای جایگاه سوم خواهد بود. پس زرد یا در جای نخست یا در جای چهارم می نشیند و رنگ چهارم نیز باید از میان یکی از رنگ های باقی مانده (یعنی آبی و نارنجی) انتخاب شود. بررسی حالت الف نشان می دهد که هر یک از چهار حدس زیر امکان پذیر هستند:

رنگ ۱، رنگ ۲، رنگ ۳، رنگ ۴			
?	●	●	●
●	●	●	?
●	●	●	?
●	?	●	●

بررسی حالت پ نیز نشان می دهد که سه حدس امکان پذیر هستند.
 آن ها را بیابید.



فوتوشیکی

پازل حل کنیم

محدثه کشاورز اصلانی

قوانین / ● در این پازل هم شبیه پازل های سودوکو، عددها در هر سطر و ستون، باید دقیقا یک بار تکرار شوند. ● در پازل های ۴ تایی، از عددهای ۱ تا ۴، در پازل های ۵ تایی از عددهای ۱ تا ۵ و در پازل های ۶ تایی از عددهای ۱ تا ۶ می توان استفاده کرد. ● راهنماهایی که بین خانه ها می بینید، رابطه کوچک تر و بزرگ تری بین اعداد را مشخص می کنند.

		۲									۲
										۲	
					۱			۴			
			۳						۴		
۱			۳				۴	۱			
											۱
			۵					۲		۵	
				۲		۱		۴			
	۵						۴				۳
									۲		
			۲	۳					۴		
		۳									
						۵		۲	۱		



حذف کن، جمع کن

تقویم دوست داشتنی من

شماره تقی دستچر دی

سلام دوستان. باز هم یک فعالیت روی تقویم داریم. این بار نیز مانند من یک مربع روی تقویم مشخص کنید. اکنون مراحل زیر را انجام دهید.



۱. یک عدد در این مربع مشخص کنید (من ابتدا عدد ۱۷ را انتخاب کردم). ۲. عددهای روی سطر و ستون شامل عدد انتخابی خودتان را حذف کنید (با این حساب من باید عددهای ۱۰ و ۳ و همین‌طور عددهای ۱۸ و ۱۹ را حذف کنم). ۳. اکنون از عددهای باقی‌مانده در مربعتان یک عدد دیگر را انتخاب کنید (این بار من عدد ۴ را انتخاب کردم). ۴. عددهای روی سطر و

ستون شامل این عدد را نیز حذف کنید (پس من باید عددهای ۳ و ۵ و همچنین عددهای ۱۱ و ۱۸ را حذف کنم). ۵. سه عدد باقی‌مانده روی مربع را با هم جمع کنید. $(۱۷+۴+۱۲=۳۳)$. خب شما هم این مراحل را هم‌زمان با من انجام دهید، اما هر بار سه عددی که در آخر به دست می‌آورید، با اعداد قبلی متفاوت باشند. ببینید چه نتیجه جالبی به دست خواهید آورد. به نظر شما، این نتیجه اتفاقی است یا دلیلی دارد؟ برای رسیدن به پاسخ این سؤال، در قدم اول بیایید و با مربع‌های دیگری شامل ۹ عدد این کار را انجام دهید. در هر مربع، هر بار عددهای انتخابی خودتان را تغییر دهید و نتیجه را ببینید. خب منتظر چه هستید؟ بسم‌الله، شروع کنید. در قدم دوم لازم است، برای نتایجی که به دست آورده‌اید، دلیلی بیاورید. داشتن دلیل به شما امکان می‌دهد که بتوانید با اطمینان نتایج خود را برای هر جدول دیگری با ۹ خانه روی هر تقویم دیگری هم تعمیم دهید؛ بدون آنکه لازم باشد آن را امتحان کنید. برای این کار به ساختار تقویم و رابطه عددها در هر سطر و ستون توجه کنید. اگر ابعاد مربع را عوض کنید چه پیش می‌آید؟ قبل از به پایان رساندن این فعالیت می‌خواهم راز بزرگی را با شما در میان بگذارم. در فعالیت تقویم دوست‌داشتنی من در شماره‌های مهر و آبان، جمع عددهای روی قطر مربع سه در سه و جمع عددهای سطر دوم و ستون سوم را محاسبه کردید و رابطه‌ای بین آن‌ها پیدا کردید. اکنون برای مربع بالا نیز جمع عددهای روی قطر، جمع عددهای سطر دوم و جمع عددهای ستون دوم را پیدا کنید. فوق‌العاده است! مگر نه؟^۱

پی‌نوشت:

۱. همه این سؤال‌ها را می‌توانید برای جدول‌های دیگری که ساختاری مشابه تقویم دارند، از خود بپرسید. تنها کافی است که عددها به ترتیب در آن جدول نوشته شوند و تعداد ستون‌ها یا سطرهای جدول ثابت باشند (برای مثال در تقویم تعداد سطرها همیشه ۷، یعنی تعداد روزهای هفته است).



بیشتر وقت‌ها آقای انسان دوست خودش یک مسئله مطرح می‌کرد و طی حل آن ایده‌هایش را به ما می‌گفت. اما آن روز برعکس شد! سهراب یک سؤال پرسید و یک جلسه درباره‌اش بحث شد و اتفاقاً همه ما و آقای انسان دوست از نتیجه بحث راضی بودیم. هنوز بچه‌ها سر جایشان ننشسته بودند که سهراب دستش را بالا برد و گفت: «آقا اجازه! دیشب چیزی توی تلگرام دیدم که خیلی جالب بود؟ بگم؟» آقا گفت: «بگو عزیزم چی بود؟» سهراب ادامه داد: «نوشته بود: می‌خواهی به تو بگویم، چند عمه و خاله داری؟ اگر دروغ بود، سهراب ادامه داد: ... معادله عجیبی بود: تعداد عمه‌هایت را به علاوه ۳ کن. حاصل را بیا مرا بزن!...» بچه‌ها زدند زیر خنده و آقا کلاس را با حرکت دستش آرام کرد و به سهراب اشاره کرد ادامه بدهد. ... حاصل را به علاوه ۲۰ کن. حاصل را ضرب در ۲ کن. حاصل را به علاوه ۵ کن. ضرب در ۵ کن. حاصل را به علاوه ۷۵ کم کن. یک عدد دو رقمی می‌شود. حاصل را به علاوه تعداد خاله‌هایت کن. حاصل را از ۷۵ کم کن. یک عدد دو رقمی می‌شود. رقم سمت چپ (دهگان) مساوی تعداد عمه‌ها و رقم سمت راست (یکان) مساوی تعداد رقم سمت چپ (دهگان) است. آقا به خدا درست درمی‌آید. تو حیاط به هر کدام از بچه‌ها هم که خاله‌هاست.» بعد گفت: «آقا به خدا درست درآمد!» و بچه‌ها حرفش را تأیید کردند.

گفتم، امتحان کردیم، درست شدند، آقای انسان دوست با آرامشی مخصوص خودش گفت: «من بعد از آنکه بچه‌ها آرام شدند، ولی ممکن است درست باشد... اما دو موضوع مهم را که متوجه محاسبه‌هایت نشدم، یکی اینکه به‌طور کلی خبرها و اطلاعات تاریخی، به‌همین مناسبت می‌خواهم تذکر بدهم. یکی اینکه به‌طوری کلی خبرها و اطلاعات تاریخی، علمی، اجتماعی و... را که در تلگرام و یا هر شبکه مجازی می‌بینید و می‌شنوید، بدون دلیل نپذیرید...»

افشین گفت: «آره آقا، چند روز پیش من خبری دیدم که خیلی تعجب کردم. بعد معلوم شد مال سه سال پیش بوده!»

یادش به خیر! آقای انسان دوست معلم ریاضی ما بود. اما نه، درواقع معلم انسانیت، اندیشه و سبک زندگی ما بود. همیشه می‌گفت: «ریاضیات به ما همه این‌ها را می‌دهد، چون ریاضیات به ما منطق و طرز فکر می‌دهد.» کلاس درسش برعکس تصور ما که کلاس ریاضی باید همیشه خشک و یکنواخت باشد، سرشار از شادی، لذت و سرگرمی بود. نمی‌فهمیدیم کی تمام می‌شد. خیلی وقت‌ها به جای آنکه یک موضوع ریاضی را مستقیماً درس بدهد، با یک داستان، معما یا بازی به آن گریز می‌زد و با ایجاد پرسش ما را هم درگیر مسئله می‌کرد. طوری که وقتی همه ما گرم بحث بودیم، بدون آنکه متوجه شویم، چیزهای زیادی می‌آموختیم. در این بخش اگر خدا بخواهد، می‌خواهم در هر شماره از مجله یکی از خاطراتم را از این کلاس‌ها برایتان بگویم.

چندتا عمه؟ چندتا خاله؟



و آقا ضمن تأیید با سر ادامه داد: «بله، طبیعی هم هست که در یک شبکه اجتماعی با این همه کاربر، خبرهای دقیق و نادقیق به شکل گسترده پخش شود. در مورد خبرها و اطلاعات به دقت تحقیق کنید و تا از دقت منبع آن مطمئن نشده‌اید، آن را نپذیرید. نکته مهم دیگر این است که گفتید درستی این رابطه را امتحان کردید. یعنی تعداد عمه‌ها و خاله‌هایتان را در این رابطه گذاشتید و در مورد خودتان و همه موارد هم درست است؟»

بابک گفت: «نه آقا قبلاً از خود شما شنیده‌ام، روشی که دانشمندان و ریاضی دانان قدیم به کار می‌بردند، مطمئن شد که همیشه درست است. اگر یک رابطه درباره صدها نمونه هم درست باشد، نمی‌توان اثبات‌هایی که در هندسه انجام می‌دهیم و درستی یک حکم را در یک شکل، مثلاً در یک مثلث، به صورت غیرمشخص و دلخواه انجام می‌دهیم و از آنجا نتیجه می‌گیریم این نتیجه برای هر مثلث دیگر هم درست است. حالا بیاییم این محاسبه‌ها را در حالت کلی بررسی کنیم. خب سهراب بیا پای تخته!»

آنکه بتوانیم حرف‌هایت را به زبان ریاضی بنویسیم، تعداد عمه‌ها را با یک حرف، مثلاً x و تعداد خاله‌ها را با حرف دیگر، مثلاً y ، نمایش می‌دهیم. حالا مراحل محاسبه را با این دو علامت روی تخته بنویس.

$$x+3: \text{تعداد عمه‌ها به علاوه } 3$$

$$5(x+3): \text{حاصل ضرب در } 5$$

$$20: \text{حاصل به علاوه } 20$$

$$2(5(x+3)+20): \text{حاصل ضرب در } 2$$

$$5: \text{حاصل به علاوه } 5$$

$$2(5(x+3)+20)+5+y: \text{حاصل به علاوه تعداد خاله‌ها}$$

$$75-5+y: \text{حاصل منهای } 75$$

و آقا گفت: «مثل اینکه تمام شد! خب حالا این را ساده کن! ساده کردن عبارتهای جبری را که بلدی؟!»

سهراب گفت: «بله آقا خیلی آسونه!» و روی تخته نوشت:

$$10x+y=10x+30+40+y-75$$

آقا گفت: «خب این $10x+y$ شما را یاد چیزی نمی‌اندازد؟ ده برابر یک عدد به اضافه یک عدد دیگر!»

بابک گفت: «آره آقا! اگر x و y رقم‌های یک عدد دو رقمی باشند، حاصل این، خود عدد است!» آقا گفت: «بله درست است! مثلاً عدد ۵۷ یعنی ده تا پنج و هفت تا یک: $57=10 \times 5 + 7$ و بقیه عددهای دو رقمی باشد که گاهی آن را با علامت xy (با x ضرب در y اشتباه نشود!) نمایش می‌دهیم. پس نتیجه نهایی همه محاسبات بالا برابر است با xy که x تعداد عمه‌ها و y تعداد خاله‌هاست!»

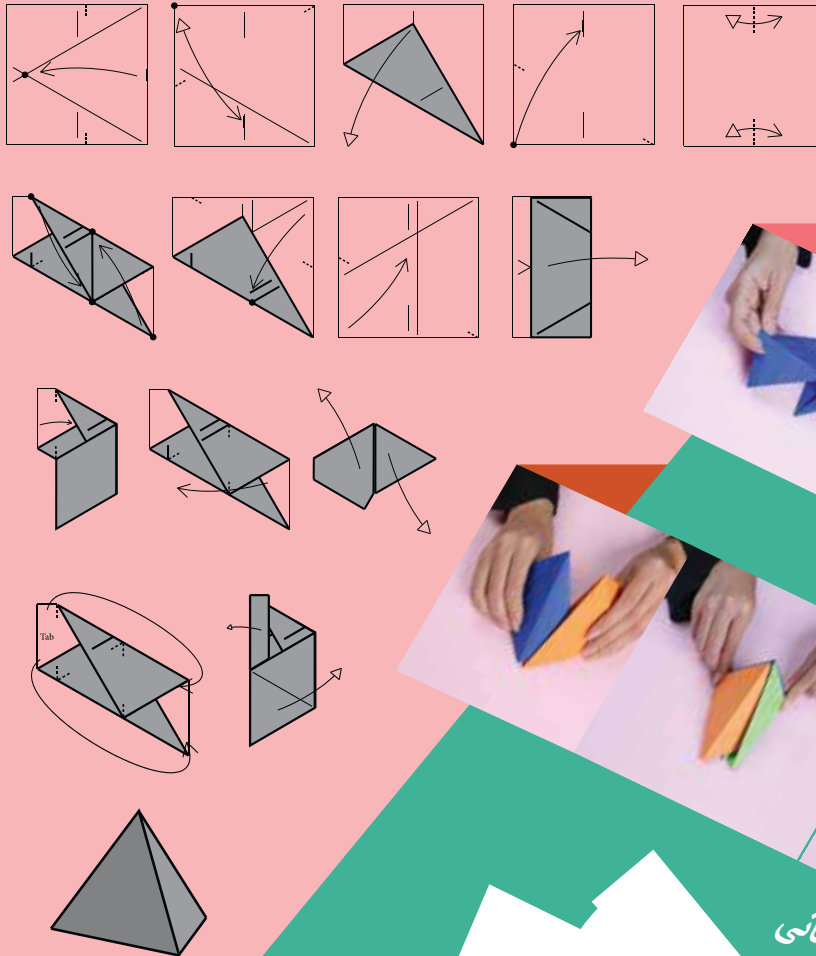
و آقا ادامه داد: «البته به شرطی که x و y یک رقمی باشند!»

تعداد عمه‌ها یا تعداد خاله‌ها دو رقمی نباشد! و با این شرط محاسبات گفته شده همیشه درست است و شما با اطمینان می‌توانید به عنوان سرگرمی برای بچه‌های دوستان و فامیل از آن استفاده کنید و با داشتن عدد آخر، به آن‌ها بگویید چندتا عمه و چندتا خاله دارند!»



یکی از حجم‌های منتظمی (حجم‌هایی که برای ساخت آن‌ها تنها از یک شکل و با اندازه‌های یکسان استفاده می‌شود) که می‌شناسیم، هرم است که به آن چهاروجهی منتظم نیز می‌گویند. برای درست کردن هرم، می‌توانیم از شکل‌های گسترده استفاده کنیم؛ اگر بخواهیم با شکل‌های گسترده هرم بسازیم، به قیچی، خط‌کش و نقاله برای رسم مثلث متساوی‌الاضلاع نیاز داریم. اما بدون استفاده از این ابزار و بدون اندازه‌گیری با دو روش زیر می‌توانیم این کار را انجام دهیم. در هر دو حالت برای شروع از کاغذهای مربع شکل استفاده می‌کنیم.





پری حاجی خانی

کاجانی



سرشماری پرندگان مهاجر

ژمنا جواهری پور



مسابقه جاذبه!

در همین مسابقه از سلسله مسابقات ریاضیات و محیط زیست مجله رشد برهان متوسطه اول، قصد داریم با شما به تماشای یک تالاب و یا هر که نزدیک محل زندگی شما برویم و طی یک سفر کوتاه «پرنده نگری» با کمک دانش آمار و ریاضی ببینیم احوال چند پرنده و از چه نوعی مهربان ما هستند.

جدول زیر را برای هر تالاب تکمیل کنید.

شرایط مسابقه

* به همراه مسئولین مدرسه و یا والدین به اداره محیط زیست محل زندگی خود مراجعه نمایید و توضیح دهید که می خواهید در سرشماری پرندگان مباحث همکاری نمایید.
توجه: چون اغلب تالاب ها در مناطق حفاظت شده قرار دارد بنابراین حتماً باید با همراهی محیط بان ها عزیز به این محل ها مراجعه نمایید.
* جدول را تکمیل کنید.
* جدول را به صورت فایل «pdf» ذخیره کنید و این فایل را از طریق «ایمیل» به دفتر مجله رشد برهان ریاضی بفرستید:
borhanmotevasetehi@roshdmag.ir
* مهلت ارسال پاسخ: ۱۳۹۶/۱۲/۳۰
* در صورت نیاز، فایل «word» جدول را در وبلاگ اختصاصی مجله بیابید:
weblog.roshdmag.ir/borhanrahnamalet

نام و نام خانوادگی

پایه تحصیلی

نام استان، شهرستان یا روستا

نام مدرسه، آدرس و تلفن

نام و شماره تماس رابط

نام تالاب

گونه های پرنده تالاب (به تفصیل نام ببر)

فاصله تا محل زندگی

ابعاد نمونه از تالاب

نحوه محاسبه مساحت نمونه

نحوه شمارش پرندگان در نمونه

تخمین تعداد پرندگان کل تالاب

مشخصات شرکت کننده در مسابقه

موضوع مسابقه

* توجه: کلیه بخش های جدول، باید با دقت و به دقت تکمیل شود.

* توجه: روش های سرشماری در اختیار اداره محیط زیست هر منطقه می باشد.

شاخص های ارزیابی

۱. تعداد آثار دانش آموزان شرکت کننده به نسبت تعداد کل دانش آموزان هر مدرسه؛ ۲. کامل بودن توضیحات روش های خلاصه در محاسبات؛ ۳. وقت در محاسبات (خطای کمتر)؛ ۴. بخش ویژه: فعالیت های چلبی که دانش آموزان برای آگاهی بخشی برای حفاظت از گونه های پرندگان مهاجر منطقه زندگی خود ارائه نموده اند.

قضیه آخر فرما



قضیه آخر فرما داستان عجیبی دارد. این قضیه ۳۵۰ سال ریاضیدانان را به خود مشغول کرد و رکورددار بیشترین تعداد راه حل غلط ارائه شده بود. جالب است بدانید که تلاش‌های نافرجام برای اثبات آن سبب ایجاد شاخه‌های مهمی در ریاضیات شد، مانند جبر جابه‌جایی و هندسه جبری. حل نهایی آن نیز افق‌های جدیدی در نظریه اعداد، هندسه جبری و نظریه نمایش گشود.

بالاخره در سال ۱۹۹۳، این قضیه در «دانشگاه پرینستون» توسط اندرو وایلز و همکاریانش و با استفاده از ریاضیات پیچیده و مدرن اثبات شد و در سال ۱۹۹۴ خود وایلز اشکالی را که در آن پیدا کرده بود، برطرف کرد و راه حل آن کامل شد.



پیر دو فرما زاده فرانسه و در واقع یک حقوق‌دان بود، ولی علاقه بسیاری به ریاضیات داشت و بسیاری او را بزرگ‌ترین ریاضی‌دان قرن هفدهم میلادی می‌دانند. او برای تفریح به ریاضیات می‌پرداخت و امروزه بسیاری از اکتشافات او، مهم‌ترین قضایا در ریاضیات‌اند. زمینه‌های مورد علاقه او در ریاضیات بیشتر نظریه اعداد، احتمالات، و استفاده از هندسه تحلیلی در مقادیر بی‌نهایت کوچک یا بزرگ بود. او با ریاضی‌دان‌های برجسته زمان خودش ارتباط داشت و بر شیوه تفکر دانشمندان هم‌دوره‌اش تأثیر گذار بود. با مکاتباتی که با پاسکال داشت، اساس علم احتمالات را پی‌ریزی کرد. فرما به جای نوشتن کتابی از خودش، معمولاً در حاشیه کتاب‌های دیگران نکته‌هایی را که به ذهنش می‌رسید، یادداشت می‌کرد، بعد از مرگ فرما، در حاشیه یکی از کتاب‌ها مطلبی کشف شد که بعدتر به عنوان «قضیه آخر فرما» مشهور شد.



«معادله $x^n + y^n = z^n$ برای هر عدد صحیح n که بزرگ‌تر از ۲ باشد، هیچ جواب صحیح ندارد.»



فرما در همان حاشیه نوشته بود: «اثبات شگفت‌انگیزی برای این سؤال کشف کرده‌ام. ولی حاشیه کتاب باریک‌تر از آن است که بتوان آن را نوشت!» متأسفانه هرگز در میان نوشته‌های او اثبات این قضیه پیدا نشد و تاریخ هنوز در شک و شبهه مانده که آیا او واقعاً این قضیه را اثبات کرده است یا خیر.

نکته: قضیه ناتمام. حسیورا به اثبات قضیه آخر فرما کمک کرده است.
تصاویر: ۱/ اندرو وایلز، ۲/ پیر دو فرما، ۳/ پاکاتا ناتامو، ۴/ گورو حسیورا