

چکیده

این مقاله، روشی ساده و ارزان را برای تولید سطح سهموی مایع چرخان معرفی می‌کند. مایع مورد مطالعه آب است. بخش دوم مقاله مربوط به قایق روی سطح چرخان یک مایع است.

کلیدواژه‌ها: شکل سهموی، مایع چرخان، حرکت قایق

شده‌اند، در دوازدهمین نمایشگاه ابتکارهای معلمان فیزیک سال ۲۰۰۷ در پراگ جمهوری چک نیز ارائه و در شرح کنفرانس نیز منتشر گردیده‌اند ولی در آنجا مسائل فقط به صورت مختصر ذکر شد و جزئیات نتایج تجربی و بحث مفصل در مورد مباحث نظری نیامده‌اند. بعضی تصویرهای جدید نیز برای این مقاله تهیه شده است. این ابتکارها در یک سمینار بخش علوم برلین به سال ۲۰۰۸ ارائه شدند.

مقدمه

در زندگی روزمره همواره با سطوح سهموی مواجه می‌شویم. هنگام رانندگی از چراغ‌هایی استفاده می‌کنیم که به شکل سهموی هستند. آینه سهموی بخشی از تلسکوپ نیوتون را تشکیل می‌دهد. گزارش‌هایی در مورد سطوح بازتابنده صیقلی مایع به عنوان آینه تلسکوپ وجود دارد. دانش‌آموزان می‌توانند مثال‌های بسیار دیگری از سطوح سهموی پیدا کنند. بدیهی است که مثال‌های زندگی روزمره برای دانش‌آموزان جذاب است. در عین حال، می‌توان دانش‌آموزان را با این واقعیت که یک مایع معمولی در حال چرخش دارای چنین سطحی است شگفت‌زده کرد. بنابراین، خوب است سطح مایع را اندازه‌گیری و نظریه ارائه شده را تأیید کنیم. به همین صورت می‌توان توجه دانش‌آموز را به این پرسش معطوف کرد که اگر قایق کوچکی را بر روی سطح سهموی مایع چرخان قرار دهیم، چه اتفاقی می‌افتد. آزمایش‌های انجام شده با استفاده از مایعات چرخان، که در این مقاله توضیح داده

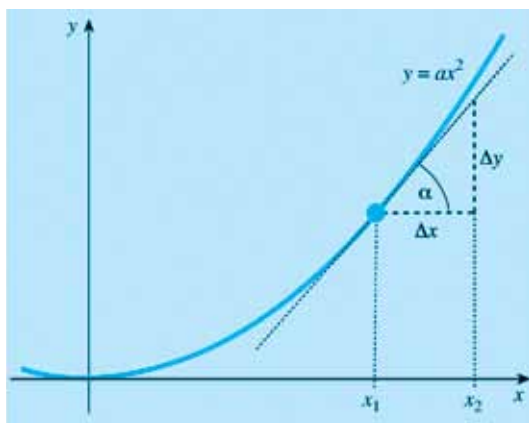
توصیف ساده سطح سهموی مایع چرخان

نظریه سهموی‌های مایع در بسیاری از مقاله‌ها، مانند آنچه در منابع ۳-۵ آمده است، توصیف شده‌اند. در اینجا تمام حالت‌های ممکن برای شکل سطح یک مایع چرخان را نمی‌آوریم بلکه توصیفی جایگزین را برای آن ارائه می‌دهیم که در سطح دبیرستان قابل درک باشد (مثلاً در سمینارهای مخصوص فیزیک برای دانش‌آموزانی که به فیزیک علاقه‌مندند).

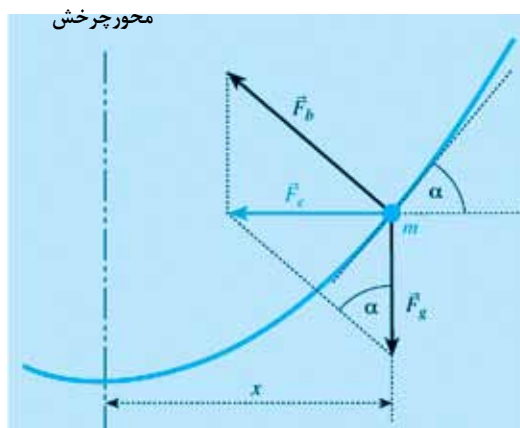
این کار نسخه توسعه یافته از کاری است که در کشور جمهوری چک ارائه شده. (۲) ما شرایط را هم از نظر دستگاه مختصات لخت و هم از نظر دستگاه مختصات چرخان (یعنی غیر لخت) شرح می‌دهیم. در بسیاری از کشورها مفهوم دستگاه مختصات غیرلخت در برنامه درسی دبیرستان مورد بررسی قرار نمی‌گیرد؛ با این حال، فکر می‌کنیم ارائه دست کم توصیفی کوتاه از دستگاه مختصات چرخان ارزشمند باشد. به عنوان مثال، بحث در مورد قایق چرخان از دید ناظری که بر سطح یک مایع

پرسش مایع چرخان و قایق روی آن

زد. ساباتکا و ال. دوراک
ترجمه: کاظم نجفی، دبیر فیزیک از تکاب



شکل ۲: شکل فرضی سطح آب چرخان



شکل ۱: نیروهایی که بر یک مایع اثر می‌کنند.

محور چرخش است.

اکنون باید شکلی را بیابیم که در این معادله صدق کند. می‌توانیم کار خود را با یک مشاهده کیفی شروع کنیم: هرچه X بزرگ‌تر باشد، مقطع سطح مایع دارای شیب بیشتری خواهد بود همان‌طور که از معادله (۲) نیز پیداست و شکل (۱) نیز نشان می‌دهد، این مقطع شبیه یک سهموی است (ساده‌ترین منحنی که دارای شکلی مشابه با شکلی است که دانش‌آموز می‌شناسد). اما آیا واقعاً چنین است؟ برای ساده‌تر کردن درک مطلب فرض می‌کنیم که شکل سهموی باشد و سپس ثابت می‌کنیم که این فرض درست است. بنابراین، فرض کنیم که برش عمودی سطح مایع که شامل محور چرخش است، دارای شکل زیر باشد.

$$y = ax^2 \quad (3)$$

که در آن y ارتفاع از پایین‌ترین نقطه سطح، a یک ثابت مثبت، و x فاصله از محور چرخش است.

اکنون می‌توانیم با استفاده از شکل (۲)، $\tan \alpha$ را محاسبه کنیم:

$$\begin{aligned} \tan \alpha &= \frac{\Delta y}{\Delta x} = \frac{ax_2^2 - ax_1^2}{x_2 - x_1} \\ &= \frac{a(x_2 + x_1)(x_2 - x_1)}{x_2 - x_1} = a(x_2 + x_1) = 2ax \end{aligned} \quad (4)$$

که در آن $x_2 = x_1 = x$

بنابراین، برای شکل مفروض ما همان‌طور که معادله (۲) ایجاب می‌کند، $\tan \alpha$ با x متناسب است. ثابت کرده‌ایم که مقطع آب چرخان سهموی است. همچنین، به راحتی می‌توان

می‌چرخد، برای مردمی که دست‌کم با مفهوم نیروی مرکز‌گریز آشنایی دارند، کمی ساده‌تر به نظر می‌رسد. شکل ۱

به نظر ما ارائه توصیفی از دستگاه‌های لخت و چرخان برای دانش‌آموزان و دبیران مفید خواهد بود. مهم‌ترین نتیجه‌ای که به آن نیاز داریم، این واقعیت است که نیروی مرکز‌گرا متناسب با فاصله از محور چرخش است.

بررسی در یک چارچوب مرجع لخت

اندکی آب به جرم m را در سطح آب به صورت جرم نقطه‌ای در نظر می‌گیریم. با فرض اینکه بخشی از آب به صورت یکنواخت در دایره‌ای به دور محور چرخش در حال دوران باشد، باید یک نیروی جانب مرکز F_c وجود داشته باشد که باعث حرکت جزء آب به این صورت شود. که مقدار آن از رابطه معروف (۱) به دست می‌آید:

$$F_c = mR\omega^2 \quad (1)$$

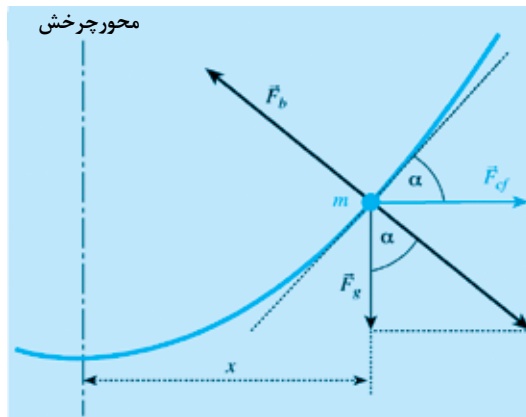
در اینجا R فاصله از محور چرخش (که ما آن را با x نیز نشان می‌دهیم)، m جرم جزء آب و ω سرعت زاویه‌ای آب چرخان است. نیروی مرکز‌گریز مجموع همه نیروهای است که روی جرم عمل می‌کنند و عبارت‌اند از: نیروی جاذبه گرانشی $F_g = mg$ و نیروی شناوری F_b که عمود بر سطح آب است. از شکل ۱ که تانژانت زاویه α را می‌توان به صورت زیر نوشت:

$$\tan \alpha = \frac{F_c}{F_g} = \frac{mR\omega^2}{mg} = x \frac{\omega^2}{g} \quad (2)$$

که در آن g شتاب گرانی زمین و x فاصله جزء آب از

میلها	S	T(s)	$C_t(m^{-1})$	$C_e(m^{-1})$	δ_e
	+	۰/۶۳۵	۴/۹۹	۴/۹۴	۰/۹٪
چوبی	Δ	۰/۶۴۳	۴/۸۶	۴/۶۷	۴/۰٪
	\square	۰/۷۲۲	۳/۸۶	۳/۸۳	۰/۸٪
فلزی	\circ	۰/۸۷۳	۲/۶۴	۲/۶۵	-۰/۶٪
	+	۱/۲۱۲	۱/۳۷	۱/۳۵	۲/۲٪

جدول ۱: نتیجه‌های تجربی. S نماد استفاده شده در نمودار، T دوره، C_e ضریب نظری، C_t ضریب تجربی، δ_e انحراف نسبی C_t و C_e



شکل ۳: نیروی مرکز گریز (F_{cf})، گرانشی (F_g) و شناوری (F_b) که بر یک مایع در دستگاه مختصات چرخان وارد می‌شوند

دور می‌کند و دارای اندازه متناسب با فاصله از مرکز چرخش است ولی نیروی گرانی هم وجود دارد که آب را به طرف پایین می‌کشد. شکل نهایی سطح، حاصل تقابل دو نیروست.

برای کمی کردن موضوع، دوباره مقدار معین کوچکی از آب را در سطح آب فرض می‌کنیم. نیروی گرانشی F_g که بر این مقدار آب اثر می‌کند، در همه جا یکسان است. به عبارت دیگر، نیروی مرکز گریز F_{cf} با فاصله از محور چرخش نسبت مستقیم دارد (مقدار آن از همان رابطه نیروی مرکز گریز یعنی $F_{cf} = mR\omega^2$ به دست می‌آید). برآیند این نیروها دارای انحراف از راستای عمودی است (همان طوری که در شکل ۳ می‌بینید) و سطح باید عمود بر آن باشد. البته این نیرو دارای همان مقدار نیروی شناوری است؛ در نتیجه، نیروی خالصی که بر یک مقدار معین آب عمل می‌کند برابر صفر است. زیرا مقدار آب موردنظر هنوز در دستگاه مختصات چرخان قرار دارد.

بقیه آن مشابه حالت دستگاه مختصات لخت است؛ با این تفاوت که F_c باید با F_{cf} جایگزین شود. بنابراین دوباره به معادله (۶) می‌رسیم.

دستگاهی برای اندازه‌گیری سطح یک مایع چرخان

برای ساخت این دستگاه از دستگاه ارائه شده در مقابل باستان الهام گرفته‌ایم. [۵] دستگاه‌های ارائه شده در آن مقاله قادر بودند سهموی‌های جامد را اندازه‌گیری کنند. دستگاهی که ما در اینجا ارائه می‌کنیم، شکل سطح یک مایع در حال حرکت را اندازه‌گیری می‌کند. این روش دارای برتری است؛

مقدار ثابت a را از مقایسه معادله‌های (۲) و (۴) به دست آورد:

$$a = \frac{\omega^2}{2g} \quad (5)$$

این بدان معناست که معادله (۲) را می‌توان به شکل $y = \omega^2 / (2g) x^2$ نوشت. معمولاً ارتفاع نسبت به پایین‌ترین نقطه در روی سطح را با h نمایش می‌دهند (به جای y). فاصله از محور عمودی (که برای آن از نماد x استفاده کردیم) را با نماد R نمایش می‌دهیم. بنابراین، به شکل آشنای معادله‌ای برای سطح مایع چرخان می‌رسیم که به صورت زیر است:

$$h = \frac{\omega^2}{2g} R^2 \quad (6)$$

که در آن h ارتفاع از پایین‌ترین نقطه بر روی سطح مایع و R فاصله از محور چرخش است.

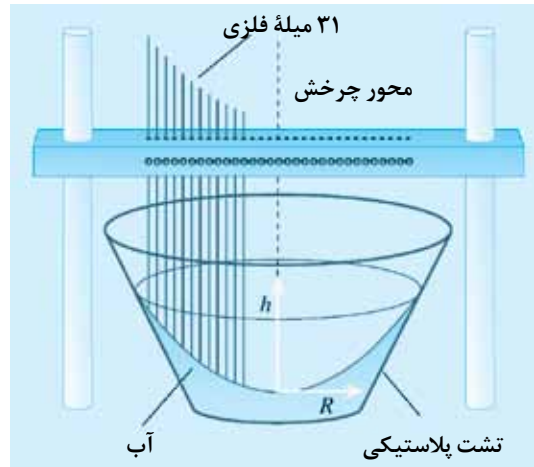
بررسی در دستگاه مختصات غیر لخت

بحث کیفی از دیدگاه دستگاه مختصات چرخان برای دانش‌آموزان ساده است و می‌تواند به درک مفهوم نیروی جانب مرکز کمک کند؛ زیرا هر کسی که تاکنون سوار چرخ فلک یا هر سرگرمی مشابه در یک شهر بازی شده باشد، این مفهوم را درک می‌کند.

اگر شخصی که سوار چرخ فلک شده است، سعی کند شکل آب درون ظرف را توصیف کند و بخواهد از همان قاعده و قانون فیزیکی استفاده کند که در یک دستگاه مختصات لخت وجود دارد، مجبور است نیرویی به نام نیروی مرکز گریز را به توصیف خود بیفزاید؛ نیرویی که جسم را از مرکز چرخش



▲ شکل ۵: نمونه نهایی دستگاه با استفاده از میله‌های فلزی



▲ شکل ۴: میله‌های استفاده شده برای اندازه‌گیری سطح مایع چرخان

پیچ‌ها و خم‌شدن آن‌ها پیش می‌آید. برای تأیید تجربی لازم است دوره تناوب T (یا بسامد یا سرعت زاویه‌ای) را بدانیم. در استفاده از موتورهای قدیمی این موضوع می‌تواند ایجاد مشکل کند؛ زیرا این موتورها دارای نوسان سرعتی و فاقد سرعت‌سنج مناسب‌اند. بنابراین، ما بسامد را از طریق رایانه و فوتوترانزیستور متصل به میکروفون ورودی اندازه‌گیری را انجام دادیم.

مقایسه نظریه و آزمایش

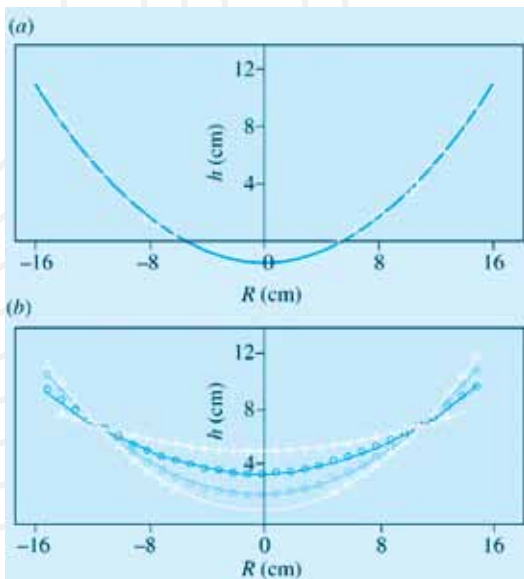
ضریب نظری معادله ۶ را - که با c_t نمایش می‌دهیم - با ضریب تجربی به‌دست آمده از برآزش انتهای میله‌ها با یک سهموی مقایسه می‌کنیم. ضریب تجربی را با c_e نمایش داده‌ایم. بعضی از نتایج تجربی را در جدول ۱ و شکل ۷ آورده‌ایم.^۳

$$c_t = \frac{\omega^2}{2g} = \frac{2\pi^2}{g} \frac{1}{T^2} \quad (7)$$

نتایج تجربی به خوبی با مدل نظری سازگاری دارند. انحراف نسبی بیشینه ۴ درصد است که با در نظر گرفتن سادگی چیدمان آزمایش نتیجه خوبی است. حتی دستگاه چوبی استفاده شده نیز (تصویر ۷ الف) نتایج خوبی را نمایش می‌دهد.

زیرا جامد کردن اجسام ممکن است خیلی مشکل باشد. مزیت روش و رویکرد ما این است که ما را قادر می‌سازد مستقیماً شکل را اندازه‌گیری کنیم و به‌وضوح آن‌را ببینیم.

وسیله اندازه‌گیری ما (همان‌طور که در شکل ۴ دیده می‌شود) متشکل است از ۳۱ میله نازک که موقعیت آن‌ها را می‌توان طوری تنظیم کرد که انتهای پایینی‌شان با سطح آب تماس داشته باشد. در این مورد، ما سطح سهموی آب را در یک تشت پلاستیکی معمولی ایجاد کردیم. یک میز چوبی با یک تشت پلاستیکی بر روی یک موتور دارای سرعت قابل تنظیم قرار داده می‌شود (شکل ۵). هر یک از میله‌های فلزی عمودی در انتهای پایینی خود حالتی میخ مانند دارند. وقتی که آب با سرعت زاویه‌ای ثابت ω می‌چرخد، باید مدتی صبر کنیم تا سطح خود را به حالت تثبیت شده برساند. سپس باید میله‌ها را یکی یکی تنظیم کنیم. ابتدا همه میله‌ها را در بالا قرار می‌دهیم. تجربه نشان می‌دهد که بهتر است ابتدا میله‌ها را با سطح آب تماس دهیم و سپس آن‌ها را اندکی بالا بکشیم تا هیچ تماسی بین آب و میله‌ها نباشد. اکنون انتهای میله‌ها شکل سطح را نسخه‌برداری می‌کنند و یک سهموی کاملاً قابل رویت را می‌سازند. به عنوان یک پروژه دانش‌آموزی حتی می‌توان از ساختمان ساده‌تر و ارزان‌تری نیز استفاده کرد که در شکل ۶ می‌بینید. این روش نتیجه آزمایش را بهتر نشان می‌دهد. فقط بعضی وقت‌ها مشکل انعطاف‌پذیری



▲ شکل ۷: (الف) نقاط سطح مایع چرخان و منحنی درون‌یابی شده متناظر (سه‌می) که با میله‌های چوبی اندازه‌گیری شده است. (ب) نقطه‌های سطح مایع چرخان بر روی منحنی درون‌یابی شده متناظر (سه‌می)



▲ شکل ۶: نمونه اصلی دستگاه که در آن از میله‌های چوبی استفاده شده است.

باشد، موقعیت خود را نسبت به آب موجود در پیرامون خود حفظ می‌کند. اکنون قایقی را در نظر می‌گیریم که اندکی از جرم آن در زیر سطح آب قرار گرفته است. این جرم می‌تواند لنگر سنگینی باشد که به یک طناب دراز در زیر قایق متصل شده است. خواهیم دید که چنین قایقی به سمت بالا و دور از محور چرخش کشیده خواهد شد.

ساده‌تر است که اثرهای مربوطه را در دستگاه مختصات چرخان با استفاده از مفهوم نیروهای مرکز‌گریز توضیح دهیم. لنگر نسبت به قایق در فاصله دورتری از محور چرخش قرار گرفته است. بنابراین، نیروی مرکز‌گریز $F_{cf} = mR\omega^2$ که بر لنگر وارد می‌شود بزرگ‌تر از حالتی است که جرم آن در قایق قرار داشت.

بنابراین نیروی حاصل؛ $\vec{F}_{net} = \vec{F}_{cf} + \vec{F}_g$ که بر لنگر وارد می‌شود دیگر بر سطح آب عمود نیست (شکل ۸ را ببینید^۵). واضح است که این نیرو کل قایق را به سمت بالا، یعنی سمت دور از محور چرخش، می‌کشد.

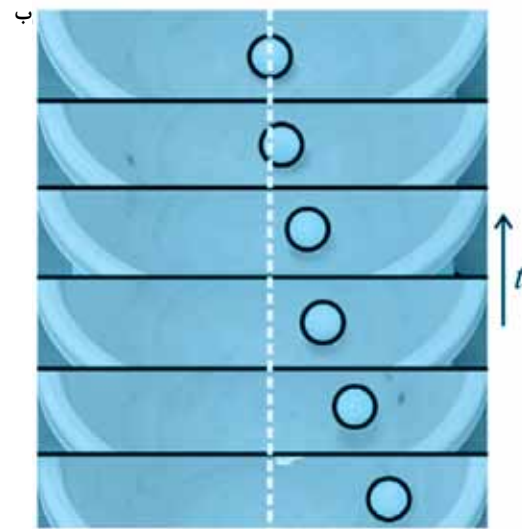
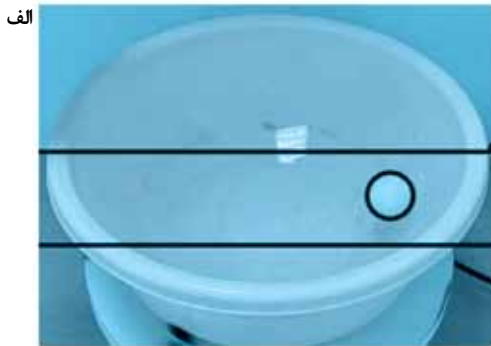
در اینجا بحث مربوط به شرایط مسئله در دستگاه مختصات لخت را حذف می‌کنیم (این روش زیاد سرراست نیست و اندکی پیچیدگی دارد). چیزی که باید مورد توجه قرار گیرد، این واقعیت است که اثر کشیده شدن قایق به دورتر از محور چرخش محدود به قایق متصل به لنگر نیست بلکه

قایقی روی مایع چرخان

با نگاه به شکل سطح مایع چرخان ممکن است این پرسش مطرح شود که اگر شیئی کوچکی (مثلاً یک قایق کوچک) در روی سطح آب چرخان قرار گیرد، چه اتفاقی می‌افتد. حالتی شبیه این شرایط را می‌توان در داستان «سقوط در گرداب» نوشته ادگار آلن پو مشاهده کرد که در آنجا نیز مسئله خلاص شدن از یک گرداب شدید و سهموی چرخان سطح آن است. البته گرداب و سطح سهموی چرخان دو مسئله متفاوت‌اند ولی شباهت‌هایی خاص بین این دو شرایط وجود دارد. این داستان مسئله را به شکل یک موضوع میان‌رشته‌ای درمی‌آورد.

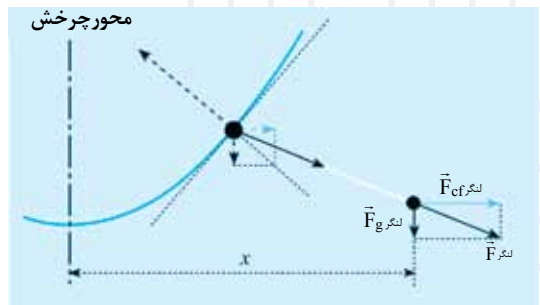
زمینه‌های کیفی حرکت قایق

مسئله خیلی پیچیده‌تر از آن است که در سطح دبیرستان به صورت کمی با آن برخورد شده است (در واقع ما از راه‌حل‌های کمی منتشر شده در این باب بی‌خبریم) ولی حتی یک بحث کیفی نیز می‌تواند ما را به نتایج جالبی رهنمون شود و می‌تواند با آزمایش انجام شده مورد مقایسه قرار گیرد. قایق را با یک مدل ساده مثلاً یک کره و یا یک توپ کوچک شبیه‌سازی کرده و مرکز جرم این کره را دقیقاً در سطح مایع فرض می‌کنیم. شرایط مشابه شرایط حاکم در شکل ۱ یا ۳ است. قایقی که درست روی سطح آب قرار گرفته



▲ شکل ۹: (الف) آزمایش به وسیلهٔ یک توپ پینگ-پونگ (قایق در تصویر در داخل یک دایره قرار دارد). این تصویر اندکی بعد از قرار گرفتن توپ بر روی سطح آب گرفته شده است. بخشی از تصویر که بین دو خط سیاه قرار گرفته است با بخش پایینی تصویر ب مطابقت دارد. (ب) تصویرها با توالی زمانی گرفته شده و مرتب شده‌اند. زمان از پایین به بالا در حال افزایش است. خط زرد مرکزی محل تقریبی محور چرخش تشست است. مطابق با نظریهٔ توپ پینگ پونگ به سمت مرکز کشیده می‌شود.

گرفته بر روی سطح آب چرخان نگاه می‌کنیم تا ببینیم چه اتفاقی می‌افتد. نتایج را در شکل‌های ۹ و ۱۰ می‌بینید. این شکل‌ها نشان می‌دهند که تکه استیروفوم دارای پیچ، واقعاً به سمت بالا، یعنی دور از محور چرخش، و توپ پینگ پونگ برعکس به سمت پایین و نزدیک محور چرخش حرکت می‌کند. توجه کنید که شکل‌های ۹ (ب) و ۱۰ (ب) ترکیبی از تصاویری هستند که در زمان‌های متوالی گرفته شده‌اند و فاصلهٔ زمانی بین آن‌ها یکسان نیست. زمان کلی هر آزمایش (شکل‌های ۹ (ب) و ۱۰ (ب)) تقریباً ۲۰s است. تصویرهای ویدیویی کوتاهی از این تصاویر در سایت مؤلف^۷ موجود است.



▲ شکل ۸: لنگر قایق را به سمت بالا می‌کشد.

برای قایق‌هایی که دارای حمالهٔ کشتی هستند یا مرکز جرم آن‌ها کاملاً زیر سطح آب قرار می‌گیرد نیز صحیح است (البته این قضاوت ما به صورت کیفی است و اثبات آن برای شکل کلی قایق‌ها یا جابه‌جایی مرکز جرم مشکل است ولی روند این تغییرات را نیز می‌توان به صورت کیفی مورد بررسی قرار داد). درست خلاف این وضعیت نیز در حالتی پیش می‌آید که مرکز جرم قایق بالاتر از سطح آب قرار گیرد. نیروی مرکز گریز وارد بر جرم قرار گرفته روی سطح آب (یعنی نزدیک محور چرخش) کمتر است و بنابراین، در این حالت نیروی حاصل (برآیند نیروهای گریز از مرکز و گرانشی) که دوباره بر سطح آب عمود نیست، به سمت محور چرخش می‌کشد. بنابراین، بحث نظری ما را به این نتیجه می‌رساند که قایقی که مرکز جرم آن بالاتر از سطح آب است به طرف محور چرخش و قایقی که مرکز جرم آن پایین‌تر از سطح آب قرار دارد، به طرف دورتر از محور چرخش کشیده خواهد شد. آیا آزمایش نیز این پیش‌بینی را تأیید می‌کند؟

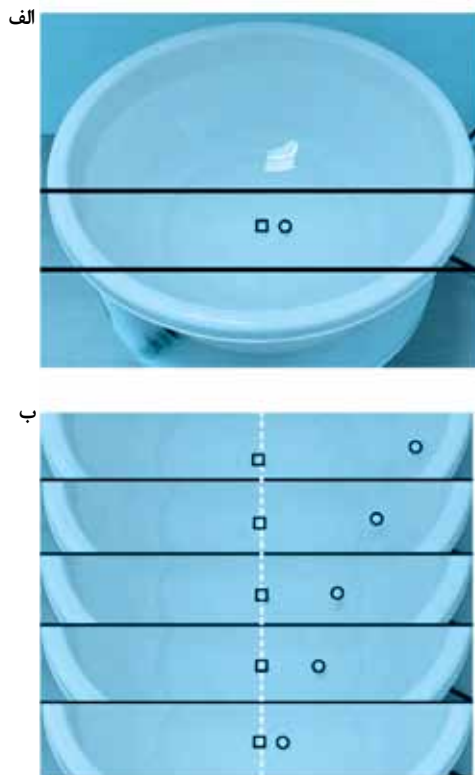
دستگاهی برای نشان دادن رفتار قایق روی مایع چرخان

دستگاه تقریباً مشابه با دستگاه مورد استفاده در آزمایش قبلی است. این بار بدون میله‌هایی که برای اندازه‌گیری شکل سطح مایع مورد استفاده بودند، برای مدل‌سازی قایقی که مرکز جرم آن بالاتر از سطح آب قرار دارد از یک توپ پینگ پونگ استفاده کردیم، می‌توان از یک تکه استیروفوم نیز استفاده نمود. برای حالتی هم که مرکز جرم قایق در زیر سطح آب قرار داشت، به زیر این توپ یا تکه استیروفوم یک پیچ فلزی متصل کردیم که مشابه لنگر یا حماله قایق عمل می‌کند.

مقایسهٔ حرکت نظری و واقعی قایق مدل بر روی سطح مایع چرخان

چون هیچ معادلی برای این مسئله وجود ندارد تا آن را تأیید کند، آزمایش فقط جنبهٔ کیفی دارد. به قایق مدل قرار

دبیرستان یا در آزمایشگاه به عنوان یک پروژه کوچک مطرح کرد. دستگاه نیز می‌تواند با اندکی تغییرات ساخته شود. مثلاً تعداد میله‌ها را می‌توان کم و زیاد کرد. آزمایش کیفی دوم را نیز می‌توان به‌طور ساده و به صورت نظری آماده کرد و به دانش‌آموزان ارائه داد. مسئله را می‌توان ابتدا به صورت نظری برای دانش‌آموزان توضیح داد (مثلاً در قالب داستان کوتاه ادگار آلن پو که در اینجا ذکر شد). سپس پیش‌بینی دانش‌آموزان را با آزمایش واقعی مقابله کرد. البته خوب است که این مسئله را به صورت کمی نیز حل کنیم. امیدواریم در کارهای آتی خود به این کار رجوع کنیم.



شکل ۱۰: آزمایش با قایق‌های بدون حماله و با حماله، تک استیروفوم که با مربع نشان داده شده است. قایق بدون حماله است (که مرکز جرم آن بالاتر از سطح آب قرار دارد) و دیگری که با دایره نشان داده شده، استیروفوم دارای حماله است (که مرکز جرم آن زیر سطح آب قرار گرفته) و در آن از یک پیچ به جای حماله کشتی استفاده شده است. این شکل‌ها با توالی زمانی و بلافاصله بعد از قرار گرفتن هر دو تکه در نزدیکی مرکز چرخش گرفته شده‌اند. قایق دارای حماله، که با دایره نشان داده شده است به سمت لبه بیرونی کشیده می‌شود؛ در حالی که قایق بدون حماله، که با مربع نشان داده شده است، در همان حال به صورت شناور در نزدیکی مرکز دوران باقی می‌ماند.

نتیجه‌گیری

همان‌طور که قبلاً ذکر شد، مسئله شکل سطح مایع چرخان یک مسئله قدیمی است که در بسیاری از کتاب‌های فیزیک توضیح داده و حل شده است. امیدواریم که دست‌کم تعدادی از خوانندگان را به این موضوع علاقه‌مند کرده باشیم. اندازه‌گیری مستقیم شکل توضیح داده شده را می‌توان در

پی‌نوشت

۱. می‌توان به دانش‌آموزان یادآوری کرد که سطح آب غیرچرخان (ایستا) عمود بر نیروی گرانشی است که بر آن اثر می‌کند. اگر سطح آب عمود بر نیرو نباشد، آب جریان خواهد یافت تا دوباره تعادل برقرار شود.

2. Basta

۳. در دو اندازه‌گیری (جدول ۱ و تصاویر ۷ الف و ب علامت‌های + و Δ) سرعت زاویه‌ای زیاد است و آب کافی در تشت جهت تشکیل سهموی کامل وجود ندارد. بنابراین، مرکز تشت خشک می‌ماند و شکل آب چرخان به صورت یک سهموی بریده می‌شود و نمی‌توانیم آب زیادتری اضافه کنیم؛ زیرا از تشت بیرون می‌ریزد.

۴. برای ساده‌تر کردن بحث، نیروی شناوری وارد بر لنگر و طناب را نادیده می‌گیریم. همچنین در شکل ۸ جرم لنگر را مبالغه‌آمیز نشان داده‌ایم. نیروهای نشان داده شده در این تصویر نظیر جرم‌های یکسان لنگر و قایق است.

۵. به صورت دقیق‌تر مؤلفه‌ای از \vec{r} که مماس بر سطح آب است قایق را به طرف بالا می‌کشد. مؤلفه‌ای عمودی می‌خواهد قایق را در آب فرو برد. این نیرو با افزایش نیروی شناوری به تعادل می‌رسد. (مثلاً می‌توانیم حجم قایق را افزایش دهیم.)

6. keel

7. http://kdf.mff.cuni.cz/~sabatka/publikace/zaverene_prace/diplomka/index.html

منابع

1. Berg R E 1990 Rotating liquid mirror Am. J. Phys. 58 280-1
2. Sabatka Z and Dvořák L 2007 Vodn'í paraboloid Veletrn' apad'u u citel'u fyziky 12: Sborník z konference pp 197-201
3. Goodman J M 1969 Parabolic surface and vortices in hydrodynamics Am. J. Phys. 37 864-8
4. Grube J 1973 Centripetal force and parabolic surface Phys. Teach. 11 109-11
5. Basta M, Picciarelli V and Stella R 2000 A simple experiment to study parabolic surfaces Phys. Educ. 35 120-3
6. Poe E A 1841 A Descent into the Maelstr'om http://en.wikisource.org/wiki/A_Descent_into_the_Maelstr%C3%B6m, accessed 12 October 2009
7. Sabatka Z 2008 Experimenty pro interaktivn'í fyzik'aln'í laborato'r - vybran'é experimenty v rotuj'ic' soustav'ach (CD p'ř'íloha) http://kdf.mff.cuni.cz/~sabatka/publikace/zaverene_prace/diplomka/index.html, accessed 12 October 2009